

ڈیجیٹل سسٹمز اور لاجک ڈیزائن

یونٹ 3

اس باب کا مطالعہ کرنے کے بعد طلبہ اس قابل ہو جائیں گے وہ:

- بولین فنکشنز اور ان کے آپریٹرز جیسے کہ AND اور OR کو سمجھ سکیں۔
- متغیرات (Variables) اور Boolean Operators کا استعمال کرتے ہوئے بولین ایکسپریشنز بناسکیں۔
- عام Boolean Identities اور Boolean Simplification Procedures سے تعلق جوڑ سکیں۔
- بولین الجبر میں Duality کے تصور کو سمجھ سکیں۔
- ذیلی موضوعات جیسے اینالاگ (Analog) اور ڈیجیٹل (Digital) سگنلز کا تعارف کرا سکیں۔
- مختلف قسم کے لاجک گٹس (Logic Gates) اور ان کے افعال متعارف کرا سکیں۔
- منطقی اظہار (Logical Expressions) کے آپریٹرز کے لیے Truth Tables بناسکیں۔
- K-Maps کا استعمال کرتے ہوئے بولین ایکسپریشنز کو کم سے کم (Minimize) کر سکیں۔
- ڈیجیٹل سسٹم کے لاجک ڈیازگرام متعارف کرا سکیں۔
- Half-Adder اور Full-Adder سرکٹس کا تجزیہ اور ڈیزائن کر سکیں۔

انشائی طرز سوالات

محکمہ تعلیم کی نئی امتحانی تکنیکس (Knowledge, Understanding, Application, Analytical & Conceptual) کی روشنی میں مرتب کیے گئے انشائی طرز سوالات

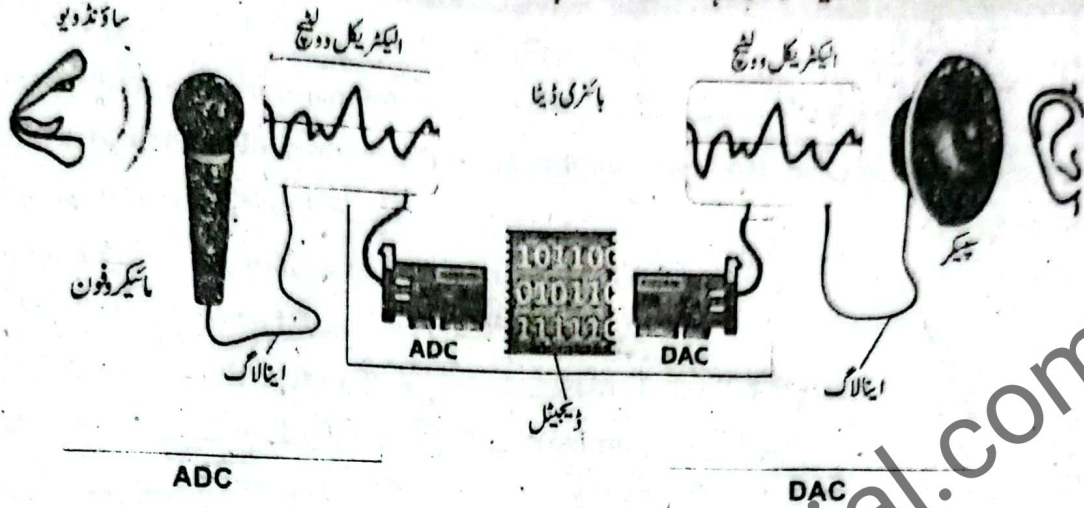
ڈیجیٹل سسٹم کے بنیادی تصورات

3.1

- سوال 1: ڈیجیٹل سسٹم کی بنیادی تصورات کو بیان کریں۔ جدید الیکٹرانکس اور کمپیوٹنگ میں ان کے کردار کو اجاگر کرتے ہوئے اینالاگ سگنلز کو ڈیجیٹل اور اس کے برعکس کیسے تبدیل کیا جاتا ہے۔
- جواب: ڈیجیٹل سسٹم کی بنیادی تصورات: ڈیجیٹل سسٹمز آج کے الیکٹرانکس اور کمپیوٹنگ سسٹم کی ریڑھ کی ہڈی ہے۔ یہ ڈیجیٹل معلومات کو بائنری یعنی 1 یا 0 کی شکل میں پراسس کرتے ہیں ان کا استعمال کیلویشن ڈیوائسز جیسے کیلکولیٹر اور کمپیوٹر وغیرہ میں ہوتا ہے۔
- اینالاگ سگنل کیا ہے: اینالاگ سگنل وہ سگنل ہیں جو وقت کے ساتھ بلار کاوٹ اور تسلسل سے تبدیل ہوتے رہتے ہیں۔ مخصوص رینج کے درمیان ان کی کوئی بھی ویلیو ہو سکتی ہے۔ مثال کے طور پر اس میں آواز کے سگنل (بولنا)، جسم کا درجہ حرارت اور ریڈیو یوٹو سگنل شامل ہیں۔
- ڈیجیٹل سگنل: ایسے سگنل ہیں جن کی صرف دو قیمتیں 0 اور 1 ہوتی ہیں۔ ان کا استعمال ڈیجیٹل الیکٹرانکس اور کمپیوٹنگ سسٹم میں استعمال کیا جاتا ہے۔ اینالاگ نو ڈیجیٹل کنورٹر (ADC) اور ڈیجیٹل نو اینالاگ کنورٹر (DAC) آج ترقی کے دور میں اہم آپریٹرز ہیں جو سگنلز کی ترسیل اور کنٹرول کو ممکن بناتے ہیں۔

اینالاگ سگنل	ڈیجیٹل سگنل
مسل	غیر مسلسل
لامحدود ممکنہ قیمتیں	محدود قیمتیں (1 یا 0)
مثال کے طور پر: آواز کی لہریں	مثال: کمپیوٹرز میں بائنری ڈیٹا

اینالاگ ڈیجیٹل کنورٹن (ADC): اے ڈی سی موصول ہونے والے اینالاگ سگنلز کو ڈیجیٹل سگنلز میں تبدیل کرتا ہے جو الگ الگ ہوتے ہیں اور کمپیوٹر انز ڈیو انسر جیسے کمپیوٹرز اور اسارٹ فوئز میں آسانی سے پروسیس کیے جاسکتے ہیں۔
 ڈیجیٹل ٹو اینالاگ کنورٹن (DAC): ڈی اے سی وہ تبدیلی ہے جس کے ذریعے ڈیجیٹل سگنلز کو اینالاگ سگنلز میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ یہ تبدیلی انسان کے لیے معلومات کو سمجھنے کو ممکن بنانے کے لیے ضروری ہے۔ مثال کے طور پر سپیکر کے ذریعے۔



فصل 3.1

اے ڈی سی اور ڈی اے سی تبدیلی: اس کی ضرورت کیوں؟ ڈیجیٹل سے اینالاگ کی تبدیلی اور اینالاگ سے ڈیجیٹل میں تبدیلی اہم ہے کیونکہ یہ ڈیٹا کی پروسیسنگ، اسٹوریج اور ترسیل کو موثر بناتی ہے۔ ڈیجیٹل سگنل شور (Noise) اور گنجل کے خراب ہونے سے بہت کم متاثر ہوتے ہیں، اس لیے یہ طویل فاصلے تک معلومات کی منتقلی اور ان کو ذخیرہ کرنے کے لیے زیادہ موزوں ہوتے ہیں۔

مثال کے طور پر: صوتی لہریں

آئیے! ہم ایک مخصوص صورتحال کا اندازہ لگاتے ہیں جہاں ایک شخص مائیکروفون میں کچھ بول رہا ہے جب کہ دوسرا شخص اسپیکر کے ذریعے آواز سن رہا ہے جیسا کہ اوپر شکل میں دکھایا گیا ہے۔

(1) مائیکروفون (ADC): جب آپ مائیکروفون میں بات کرتے ہیں تو آپ کو آواز کی لہریں (اینالاگ سگنل) پیدا کرتی ہیں جنہیں سسٹم سمجھ کر رہا ہے۔ یہ مائیکروفون کے ذریعے ADC کا استعمال کرتے ہوئے مندرجہ بالا صوتی لہروں کو ڈیجیٹل شکل میں تبدیل کرتا ہے۔ آخر میں یہ ڈیجیٹل معیار کی گراؤٹ کے بغیر طویل فاصلے پر منتقل کیا جاسکتا ہے۔

(2) اسپیکر (DAC): آخر میں ڈیجیٹل سگنلز کو پھر DAC کی مدد سے اینالاگ سگنلز میں واپس تبدیل کر دیا جاتا ہے۔ اس کے بعد اسپیکر اینالاگ آوازوں کو لہروں میں تبدیل کرتے ہیں تاکہ آپ دوسرے شخص کی آواز کو اس طرح سن سکیں جیسے آپ ان سے بات کر رہے ہوں۔

ڈیجیٹل لاجک کے بنیادی اصول: ڈیجیٹل لاجک ڈیجیٹل سسٹم کی بنیاد ہے اس میں بائنری نمبروں کا استعمال، جو 0 یا 1 ہیں، شامل ہے جو معلومات کی نمائندگی اور اس پر کام کرنے کے لیے استعمال ہوتے ہیں۔ ڈیجیٹل لاجک کے سرکٹ مختلف آپریشنز کو انجام دینے کے لیے ان بائنری اقدار کا استعمال کرتے ہیں اور یہ کمپیوٹرز اور بہت سے دوسرے الیکٹرانک آلات کے آپریشن میں ضروری ہیں۔

ڈیجیٹل سرکٹس میں، دو حالتیں ہوتی ہیں جو 0 اور 1 کے طور پر جانی جاتی ہیں اور یہ مختلف ڈیٹا کی سطحوں کی نمائندگی کرتی ہیں۔ عام طور پر، زیادہ وولٹیج، مثلاً 5 وولٹ، بائنری 1 کے طور پر اور کم وولٹیج، جیسے 0 وولٹ، بائنری 0 کے طور پر سمجھا جاتا ہے۔ ان ڈیٹا کی سطحوں کو "لا جک لیول" کہا جاتا ہے، جو ڈیو انسر کو آف یا آف کرنے کے لیے ضروری ہوتی ہیں۔ لاجک لیول کا استعمال ان طریقوں کو بیان کرنے کے لیے بھی کیا جاتا ہے جن کے ذریعے ڈیجیٹل سرکٹس کام کرتے ہیں، آپریشن کرتے ہیں اور معلومات کو تبدیل کرتے ہیں۔

سوال 2: مناسب مثالوں کے ساتھ بائنری ویری ایبل اور لوجیکل آپریشنز کی وضاحت کریں۔ AND, OR اور NOT جیسے بنیادی کاموں پر ان کی ٹرو تھ ٹیبلز اور حسابی اظہار کے ساتھ بحث کریں۔

جواب: بولین الجبر اور لاجک گٹش: بولین الجبر ریاضی کی ایک شاخ ہے جو لاجک اور علامتی الجبر سے متعلق ہے جس میں دو قیمتیں یعنی درست اور غلط کا استعمال کیا جاتا ہے۔ یہ ڈیجیٹل سرکٹس کی ایک لازمی شاخ ہے اور یہ سرکٹوں کے تجزیے اور ڈیزائن کی بنیاد ہے۔ بولین فنکشن اور ایکسپریشنز:

بائنری اقدار کا استعمال بولین فنکشن اور بولین ایکسپریشنز میں ویری ایبلز کے درمیان تعلق کو بیان کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔ یہ "اینڈ (AND)" یا "آر (OR)" فنکشن کا استعمال کرتے ہوئے بنائے گئے ہیں۔ اور ڈیجیٹل سرکٹوں کو بہتر بنانے کے لیے سے استعمال کیے جاتے ہیں۔ بائنری ویری ایبلز اور لاجک آپریشنز: بائنری ویری ایبل میں صرف دو قیمتیں 0 اور 1 ہو سکتی ہیں، لاجک آپریشنز۔ ان بائنری ویری ایبلز کی پروسسنگ کے لیے بولین الجبر میں نافذ کردہ ابتدائی آپریشنز ہیں۔ بنیادی لاجک آپریشنز "اینڈ (AND)"، "آر (OR)" اور "ناٹ (NOT)" ہیں۔ AND آپریشن: "اینڈ (AND)" بنیادی لاجک آپریٹر ہے جو بولین الجبر میں استعمال ہوتا ہے۔ اس قسم کے فنکشن کو دو بائنری ان پٹ کی ضرورت ہوتی ہے جو بائنری شکل میں ایک آؤٹ پٹ دیتا ہے۔ علامت: "آپریشن (AND)" کے لیے استعمال کی جاتی ہے اس کا مطلب ہے کہ AND آپریشن کی آؤٹ پٹ صرف اس وقت 1 ہوگی جب دونوں ان پٹ 1 ہوں گی۔ اگر ان پٹ میں سے کسی میں 0 قیمت ہوئی تو اس کا رزلٹ 0 ہو جائے گا۔ مثال: دو بائنری ویری ایبلز پر غور کریں:

$$A = 1 \text{ (True)}$$

$$B = 0 \text{ (False)}$$

ان ویری ایبلز کے AND آپریشن کو ریاضیاتی طور پر یوں لکھا جاسکتا ہے:

$$P = A \cdot B$$

$$A = 1, B = 0$$

اس لیے فنکشن P کا رزلٹ 0 یعنی False ہوگا۔

ٹرو تھ ٹیبل:

ان پٹ ویری ایبلز کے تمام ممکن ان پٹس پر AND آپریشن کی فعالیت کو ظاہر کرنے میں ایک ٹرو تھ ٹیبل بہت مفید ہے۔ AND آپریشن کے لیے ٹرو تھ ٹیبل درج ذیل ہے:

A	B	A And B(P)
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

ٹیبل 3.1: AND آپریشن کی وضاحت کے لیے ٹرو تھ ٹیبل

وضاحت:

اگر A اور B دونوں 0 یعنی Off ہیں، جو صفر کے برابر ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) بھی Off ہوگا۔

- اسی طرح اگر A '0' اور B '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) Off ہوگا۔
 - اسی طرح اگر B '0' اور A '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) Off ہوگا۔
 - لیکن جب B '1' اور A بھی '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) ON ہوگا۔
- OR آپریشن: OR آپریشن بولین الجبر میں دوسرا بنیادی لاجیکل آپریٹر ہے۔ یہ بھی دو بائنری ویری ایبلز کا ایک فنکشن ہے اور ایک واحد بائنری ویری ایبل فنکشن کی آؤٹ پٹ ہے۔ نیچے دیے گئے ٹیبل کے مطابق، OR آپریشن (1) آؤٹ پٹ پیدا کرتا ہے جب کم از کم ایک ان پٹ درست ہو۔ آؤٹ پٹ صرف اس وقت 0 ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ 0 ہوتے ہیں۔ اس وجہ سے آؤٹ پٹ 'غلط' (0) صرف اس صورت میں ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ 'غلط' ہوں۔

مثال: دو بائنری ویری ایبلز پر غور کریں:

$$A = 1 \text{ (True)}$$

$$B = 0 \text{ (False)}$$

ان ویری ایبلز کے لیے OR آپریشن کو ریاضیاتی طور پر یوں لکھا جاسکتا ہے:

$$P = A + B$$

اب

اس لیے فنکشن P کا رزلٹ 1 یعنی True ہوگا۔

اس کا مطلب یہ ہے کہ اگر آپ کے پاس $A = 1 \text{ (True)}$ اور $B = 0 \text{ (False)}$ ہے تو، OR گیٹ کا نتیجہ درج ذیل $(P) = 1$ ہوگا۔ OR گیٹ کا بولین ایکسپریشن ہے:

ایک ٹروٹھ ٹیبل اس بات کی بہتر تفہیم کے لیے مفید ہے کہ OR آپریشن کو کس طرح منظم کیا جاتا ہے اور ان پٹ ویری ایبلز کی تمام ویلیوز کے لیے OR کے اطلاق کا نتیجہ کیا ہے۔ ذیل میں OR آپریشن کے لیے ٹروٹھ ٹیبل ہے۔

A	B	A OR B (P)
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

ٹیبل 3.2: OR آپریشن کی وضاحت کے لیے ٹروٹھ ٹیبل

وضاحت:

- اگر A اور B دونوں 0 یعنی Off ہیں، جو صفر کے برابر ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) بھی Off ہوگا۔
- اگر A '0' اور B '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
- اگر B '0' اور A '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
- اسی طرح جب B '1' اور A بھی '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔

NOT آپریشن:

NOT آپریشن بنیادی بولین الجبرا آپریشنز میں سے ایک ہے جو ایک بائنری ویری ایبل لیتا ہے اور صرف قیمت کی نفی کرتا ہے۔ اگر ان پٹ 1 ہے تو آؤٹ پٹ 0 ہوگی اور اگر ان پٹ 0 ہے تو آؤٹ پٹ 1 ہوگی۔

مثال: ایک بائنری ویری ایبل پر غور کریں:

$$A = 1 \text{ (True)}$$

اس ویری ایبل کے لیے NOT آپریشن ریاضیاتی طور پر لکھا جاسکتا ہے:

$$P = -A \text{ یا } P = A$$

اس مثال میں:

$$P = 0$$

اس کا مطلب یہ ہے کہ اگر آپ کے پاس $A = 1$ (True) ہے تو NOT آپریشن کا نتیجہ 0 (False) ہو جائے گا۔

نوٹ: ذیل میں NOT آپریشن کے لیے ٹروٹھ ٹیبل ہے:

A	NOT A
0	1
1	0

ٹیبل 3.3: NOT آپریشن کی وضاحت کے لیے ٹروٹھ ٹیبل

وضاحت: جب ان پٹ (A) 0 ہوتا ہے تو آؤٹ پٹ (P) 1 ہوتا ہے کیوں کہ NOT آپریشن ان پٹ کے منافی یا مخالف قیمت دیتا ہے۔

یہ آپریشن ڈیجیٹل لاجک ڈیزائن میں زیادہ پیچیدہ لاجک فنکشنز بنانے اور ڈیجیٹل سرکٹس کی فعالیت کی تصدیق کرنے کے لیے اہم ہے۔

سوال 3: OR, AND اور NOT آپریشنز کا استعمال کرتے ہوئے بولین فنکشن کی تعمیر کے عمل کی وضاحت کریں۔ واضح کریں کہ کس

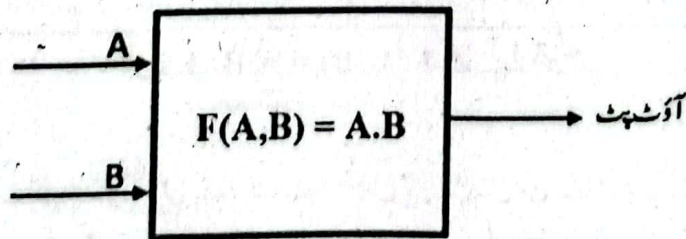
طرح ٹروٹھ ٹیبل بولین فنکشن کے رویے کو دیکھنے اور سمجھنے میں مدد کرتی ہے؟

جواب: بولین فنکشنز کی تعمیر: بولین فنکشن الجبری بیانات ہیں جو بائنری ویری ایبلز اور لاجک کی کاروائیوں کے درمیان تعلقات کی وضاحت کرتے ہیں۔ یہ فنکشن ڈیجیٹل لاجک ڈیزائن کے لیے خاص طور پر اہم ہیں اور مختلف ڈیجیٹل سرکٹس کی تشکیل میں استعمال ہوتے ہیں جو موجودہ کمپیوٹرز، موبائل فونز اور یہاں تک کہ سادہ کیکولیٹر کی بنیاد ہیں۔

بولین فنکشنز کو سمجھنا: بولین فنکشن ایک ایسا فنکشن ہے جس میں ایک یا ایک سے زیادہ بائنری ان پٹس ہوتی ہیں اور صرف ایک ہی بائنری آؤٹ پٹ ہوتی ہے۔ ان پٹ اور آؤٹ پٹ میں صرف دو قدریں ہو سکتی ہیں، فالس کو 0 اور ٹرو کو 1 کی قیمت تفویض کی گئی ہے۔ بولین فنکشن کی تعمیر سے بنیادی لاجس (AND, OR, NOT) کی کاروائیوں کو استعمال کرتے ہوئے کی جاتی ہے تاکہ صحیح آؤٹ پٹ حاصل کرنے کے لیے ان پٹ کو صحیح طریقے سے مربوط کیا جاسکے۔

مثال 1: سادہ بولین فنکشن: دو ان پٹ A اور B کے ساتھ بولین فنکشن پر غور کریں۔ ہم ایک فنکشن F تشکیل دے سکتے ہیں جو AND آپریشن کی

$$F(A,B) = A \cdot B$$



فصل 3.2: سادہ بولین فنکشن

اوپر دکھایا گیا ڈایا گرام ایک بنیادی ڈیجیٹل سرکٹ کو ظاہر کرتا ہے، یہ سرکٹ ایک اینڈ گیٹ ہے۔ یہ باکس $F(A, B) = A \cdot B$ فنکشن کی علامت ہے اس باکس میں دو ان پٹ A اور B ہیں۔ A اور B اگر دونوں 1 ہیں تو یہ 1 کے برابر ہوگا۔ کسی بھی دوسرے معاملے میں، آؤٹ پٹ صرف 0 ہوگا۔ ان پٹ کو باکس کے داخلی دروازے پر دکھایا گیا ہے جبکہ آؤٹ پٹ کو بلاک کے باہر نکلنے پر دکھایا گیا ہے۔ اس فنکشن کے لیے ٹروٹھ ٹیبل مندرجہ ذیل ہے:

A	B	F(A, B)
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

ٹیبل 3.4: $F(A, B) = A \cdot B$ کے لیے ٹروٹھ ٹیبل

مثال 2: اب آئیے ہم تین ان پٹ، A، B اور C کے ساتھ ایک زیادہ پیچیدہ بولین فنکشن تشکیل دیتے ہیں:

$$F(A, B, C) = A \cdot B + \bar{A} \cdot C$$

یہ فنکشن ایک ہی وقت میں AND، OR اور NOT کا استعمال کرتا ہے۔ اس فنکشن کے لیے ٹروٹھ ٹیبل مندرجہ ذیل ہے:

وضاحت:

- پیرامیٹرز A، B اور C کے مندرجہ ذیل مثال میں ان پٹ کالموں کے طور پر شامل ہیں۔
- دو ویری ایبلز A اور B کے درمیان AND آپریشن کے نتائج کالم A.B میں پیش کیے گئے ہیں۔
- کالم $\bar{A}$ NOT آپریشن کے لیے پیش کیا گیا ہے۔
- کالم $\bar{A} \cdot C$ پانچویں کالم اور تیسرے کالم میں اقدار کے درمیان AND آپریشن کا نتیجہ ظاہر کرتا ہے۔
- آخری کالم $F(A, B, C)$ بولین فنکشن $(A \cdot B) + (\bar{A} \cdot C)$ کی آؤٹ پٹ دکھاتا ہے۔

A	B	C	A.B	$\bar{A}$	$\bar{A} \cdot C$	F(A, B, C)
0	0	0	0	1	0	0
0	0	1	0	1	1	1
0	1	0	0	1	0	0
0	1	1	0	1	1	1
1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1
1	1	1	1	0	0	1

ٹیبل 3.4: $F(A, B) = A \cdot B$ کے لیے ٹروٹھ ٹیبل

کمپیوٹر میں استعمال:

- مختلف آپریشنز کے لیے کمپیوٹرز میں بولین فنکشن کے بہت سے استعمال ہیں۔ یہاں ان کے استعمال کی کچھ مثالیں ہیں:
- ریاضی کی کارروائیاں: سی پی یو کے اریتھمیٹک اینڈ لاجیکل یونٹ (ALU) میں بولین فنکشن، جمع، تفریق، ضرب اور یہاں تک کہ تقسیم کرنے کا انتظام کرتے ہیں۔

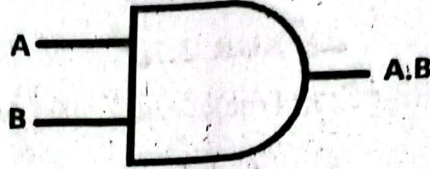
ڈیٹا پروسیسنگ: بولین فنکشن میموری اور اسٹوریج ڈیوائسز میں بائینری ڈیٹا پر کارروائی کرنے کے لیے استعمال ہوتے ہیں، موثر ڈیٹا پروسیسنگ اور بازیافت کو یقینی بناتے ہیں۔

کنٹرول لاجک: بولین فنکشن کمپیوٹرز میں لاگو ہوتے ہیں جو مربوط انداز میں کام کرنے کے لیے سسٹم کے آپریشن کے مختلف حصوں کو کنٹرول کرتے ہیں۔

سوال 4: لاجک گیٹس، اس کے کام اور اس کی علامت کی وضاحت کریں۔

جواب: لاجک گیٹس اور ان کے فنکشنز: لاجک گیٹس الیکٹرانک ڈیوائسز کے سرکٹوں میں لگنے والے آلات ہیں جو بولین آپریشن انجام دیتے ہیں۔ ہر قسم کا لاجک گیٹ بنیادی بولین آپریشن سے مطابقت رکھتا ہے۔ لاجک گیٹس کی مثالیں یہ ہیں:

AND گیٹ AND فنکشن کو نافذ کرتا ہے۔ یہ صرف اس وقت درست ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ درست / ٹرو (1) ہوں۔



تصویر 3.3: AND گیٹ

AND گیٹ کے ساتھ ایک سادہ الیکٹرانک سرکٹ کا تصور کریں۔ اگر آپ دو سوئچ دبائیں (دونوں کو آن ہونا ضروری ہے) تو ایک لائٹ بلب آن ہو جائے گا۔

سوئچ 1: ON (True)

سوئچ 2: ON (True)

لائٹ بلب: ON (True) کیوں کہ دونوں سوئچ ON ہیں۔

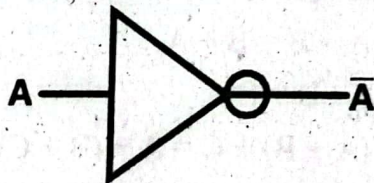
اگر دونوں میں سے کوئی ایک سوئچ بند ہے تو، لائٹ بلب بند ہو جائے گا۔

OR گیٹ OR فنکشن کو نافذ کرتا ہے۔ جب کم از کم ایک ان پٹ بھی درست (True) ہو تو آؤٹ پٹ True دیتا ہے۔



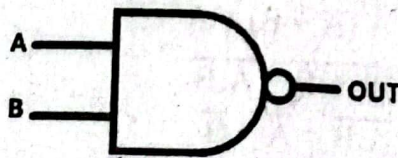
شکل 3.4: OR گیٹ

NOT گیٹ NOT فنکشن کو نافذ کرتا ہے۔ یہ ان پٹ کے برعکس آؤٹ پٹ کرتا ہے۔ تصویر 3.5 دیکھیں۔



شکل 3.5: NOT گیٹ

NAND گیٹ: یہ گیٹ AND گیٹ کو NOT گیٹ کے ساتھ ملا کر بنایا جاتا ہے۔ یہ اس وقت True آؤٹ پٹ دیتا ہے جب کم از کم ایک ان پٹ False ہو۔ دوسرے لفظوں میں، یہ AND گیٹ کا الٹ ہے۔ جیسا کہ شکل 3.6 میں دکھایا گیا ہے:



شکل 3.6: NAND گیٹ

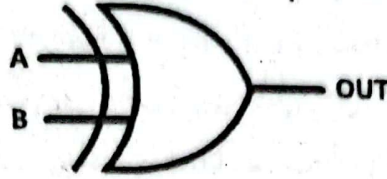
مثال: ایک حفاظتی نظام کا تصور کریں جہاں الارم چلنا چاہیے۔ اگر دو سینسروں میں سے کوئی ایک کسی مسئلے کا سراغ لگائے۔

• سینر 1: کوئی مسئلہ نہیں False

• سینر 2: مسئلے کا پتا چلا True

• الارم: آن (True) کیوں کہ ایک سینر کسی مسئلے کا سراغ لگاتا ہے۔

XOR گیٹ: XOR گیٹ صرف اس وقت درست ہوتا ہے جب ان پٹ میں سے ایک درست ہو۔ یہ



شکل 3.7: XOR گیٹ

OR گیٹ سے اس لحاظ سے مختلف ہیں کہ جب دونوں کا ان پٹ درست (True) ہوتے ہیں تو اس کا آؤٹ پٹ بھی درست (True) ہوتا ہے۔ مثال:

ایک ایسے منظر نامے کا تصور کریں جہاں آپ یا تو ویڈیو گیمز کھیل سکتے ہیں یا ہوم ورک کر سکتے ہیں، لیکن دونوں ایک ہی وقت میں نہیں۔

• ویڈیو گیمز کھیلیں: جی ہاں (True)

• ہوم ورک: نہیں (False)

• اجازت؟ جی ہاں (True) کیوں کہ صرف ایک سرگرمی کی جارہی ہے۔

سوال 5: بولین الجبرا کے بنیادی اصول لکھیں۔

جواب: بولین الجبرا کے بنیادی اصول درج ذیل ہیں: یہاں کچھ بنیادی بولین الجبرا قواعد ہیں جو آسان بنانے کے لیے استعمال ہوتے ہیں:

1. Identity Laws $A + 0 = A$
 $A \cdot 1 = A$
2. Null Laws $A + 1 = 1$
 $A \cdot 0 = 0$
3. Idempotent Laws $A + A = A$
 $A \cdot A = A$
4. Complement Laws $A + \bar{A} = 1$
 $A \cdot \bar{A} = 0$
5. Commutative Laws $A + B = B + A$
 $A \cdot B = B \cdot A$
6. Associative Laws $(A + B) + C = A + (B + C)$
 $(A \cdot B) \cdot C = A \cdot (B \cdot C)$
7. Distributive laws $A \cdot (B + C) = (A \cdot B) + (A \cdot C)$
 $A (B \cdot C) = (A + B) \cdot (A + C)$
8. Absorption Laws $A + (A \cdot B) = A$
 $A \cdot (A + B) = A$
9. De Morgan's Theorems $\overline{A + B} = \bar{A} \cdot \bar{B}$
 $\overline{A \cdot B} = \bar{A} + \bar{B}$
10. Double Negation Law $\bar{\bar{A}} = A$

سوال 6: ایک ڈیجیٹل سرکٹ ڈیزائن کرنے میں بولین فنکشن کو آسان بنانے کی مثالیں لکھیں۔
 جواب: ایک موثر ڈیجیٹل سرکٹ ڈیزائن کرنے میں بولین فنکشن کو آسان بنانا ایک خاص طور پر اہم عمل ہے۔ اس طرح فنکشن میں تئیس کے کم استعمال کی ضرورت ہوتی ہے جو انہیں سائز میں چھوٹا، توانائی کی بچت اور پیچیدہ کے مقابلے میں تیز تر بناتے ہیں۔ آسان بنانے کے مطلب ہے کہ فنکشن کو کم پیچیدہ بنانے کے لیے کچھ بولین اور الجبرا قوانین کی اطلاقی کرنا۔

Example 1

ایکسپریشن کو سادہ کریں $A + \bar{A} \cdot B$

Solution:

$$\begin{aligned} A + \bar{A} \cdot B &= (A + \bar{A}) \cdot (A + B) \\ &= 1 \cdot (A + B) \\ &= A + B \end{aligned}$$

(Distributive Law)

(Complement Law)

(Identity Law)

Example 2

ایکسپریشن کو سادہ کریں $\overline{A \cdot B} + \bar{A} \cdot B$

Solution:

$$\begin{aligned} \overline{A \cdot B} + \bar{A} \cdot B &= \bar{A} + \bar{B} + \bar{A} \cdot B \\ &= (\bar{A} + \bar{B}) \\ &= \bar{A} \cdot \bar{B} \end{aligned}$$

(De Morgan's Theorem)

Since $\bar{A}$ is already present in $(\bar{A} \cdot \bar{B})$, we can use absorption law i.e. $\bar{A} + (\bar{A} \cdot B) = \bar{A}$

Example 3

ایکسپریشن کو سادہ کریں $(A+B) \cdot (A+\bar{B})$

Solution:

$$\begin{aligned} (A+B) \cdot (A+\bar{B}) &= A \cdot (A+\bar{B}) + B \cdot (A+\bar{B}) \\ &= A + A \cdot \bar{B} + B \cdot \bar{B} \\ &= A + A \cdot B \\ &= A \cdot (1 + B) \\ &= A \cdot 1 \\ &= A \end{aligned}$$

(Distributive Law)

(Absorption Law)

(Identity Law)

(Distributive Law)

(Null Law)

(Identity Law)

Example 4

ایکسپریشن کو سادہ کریں $\overline{A + B} \cdot (A + \bar{B})$

Solution:

$$\begin{aligned} \overline{A + B} \cdot (A + \bar{B}) &= (A \cdot \bar{B}) \cdot (A + \bar{B}) \\ &= A \cdot \bar{B} \cdot A + A \cdot \bar{B} \cdot \bar{B} \\ &= A \cdot \bar{B} + A \cdot \bar{B} \\ &= A \cdot \bar{B} \end{aligned}$$

(De Morgan's Theorem)

(Distributive Law)

(Idempotent Law)

(Identity Law)

سوال نمبر 7: لاجک ڈایا گرام بنانے کے بارے میں آپ کیا جانتے ہیں؟

جواب: لاجک ڈایا گرام بنانا:

- لاجک ڈایا گرام علامتوں کے ذریعے ڈیجیٹل سرکٹ کے کام کی عکاسی کرتے ہیں جو اس کے انفرادی لاجک گیٹس سے متعلق ہیں۔
- ایک لاجک ڈایا گرام بنانے کے لیے، بولین فنکشن کے لیے ضروری لاجک گیٹس تلاش کریں۔
- کارروائیوں کو انجام دینے کے لیے گیٹس کی ترتیب دیں: جیسا کہ اس کے سرکٹ کے فنکشن کے ذریعے بیان کیا گیا ہے۔
- ان پٹ اور گیٹس کی آؤٹ پٹ کو صحیح طریقے سے لنک کریں۔
- خلاصہ کرنے کے لیے جب ڈیجیٹل سرکٹس کی تخلیق اور مطالعہ کی بات آتی ہے تو بولین الجبرا اور لاجک گیٹس کا علم اہم ہے۔ اگر طلبہ ان تصورات کو سمجھتے ہیں تو وہ اچھے ڈیجیٹل سسٹم تشکیل دے سکتے ہیں جو موثر ہوں۔

ڈیجیٹل لاجک کا اطلاق

3.5

سوال نمبر 8: ہاف ایڈر اور فل ایڈرز کیسے کام کرتے ہیں بیان کریں؟

جواب: ڈیجیٹل لاجک کا اطلاق: ڈیجیٹل لاجک بہت سے الیکٹرانک سسٹم کے کام کرنے کا ایک لازمی جز ہے جو موجودہ دور میں زیر استعمال ہیں جیسے: کمپیوٹر، اسمارٹ فون، اور بہت سے دوسرے ڈیجیٹل گجٹ۔ ڈیجیٹل لاجک مختلف فنکشن کو انجام دینے کے لیے سرکٹوں کو بنانے اور بڑھانے کے لیے بہت سے طریقوں سے کام کرتی ہے۔ ڈیجیٹل لاجک کی ان دو اہلی کیشنز میں ایڈر سرکٹس کا ڈیزائن اور فنکشن کو آسان بنانے کے کارٹاف میپ شامل ہیں۔

ہاف ایڈر اور فل ایڈر سرکٹ: ایڈر سرکٹ بڑے پیمانے پر ڈیجیٹل سرکٹس میں ریاضی کے حسابات انجام دینے کے لیے استعمال ہوتے ہیں۔ ایڈر سرکٹس کی دو عام قسمیں ہیں جنہیں ہاف ایڈر اور فل ایڈرز کے نام سے جانا جاتا ہے۔

ہاف ایڈر سرکٹ: ہاف ایڈر ایک بنیادی سرکٹری یونٹ ہے جو دو سنگل بٹ بائینری ہندسوں کو جمع کرتا ہے۔ اس میں دو ان پٹ ہیں، عام طور پر A اور B کے طور پر ظاہر ہوتے ہیں اور دو آؤٹ پٹ: مجموعہ (S) اور کیری (C)۔

ہاف ایڈر کے لیے ٹرو تھ ٹیبل:

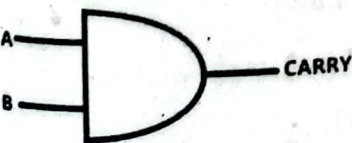
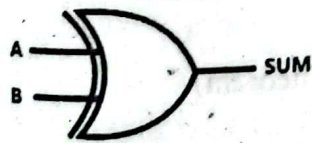
A	B	Sum (S)	Carry (C)
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

$$m = A \oplus B$$

ٹیبل 3.6: ہاف ایڈر کے لیے ٹرو تھ ٹیبل

$$S = A + B$$

$$C = A \cdot B$$



فول 3.8: ہاف ایڈر سرکٹ

یہاں پر علامت $(\oplus)$ ، XOR آپریشن کی نمائندگی کرتی ہے۔ رزلٹ اس وقت ہائی

ہوتی ہے جب ان پٹ میں صرف ایک ویلیو ہائی ہوتی ہے۔ جبکہ جب دونوں ان پٹ ہائی (1)

ہوتے ہیں تو کیری آؤٹ پٹ ہائی (1) ہوتا ہے۔

فل ایڈر سرکٹ: ایک فل ایڈر ایک زیادہ پیچیدہ سرکٹ ہے جو تین سینگل بٹ ہائزری نمبر جمع کرتا ہے۔ وہ مثبت بٹس اور ایک کیری بٹ جو پہلے مثبت سے تعلق رکھتا ہے۔ اس میں تین ان پٹ ہیں، جن کو A، B اور Cin (کیری ان پٹ) کے طور پر ظاہر کیا گیا ہے اور دو آؤٹ پٹ ہیں جنہیں مجموعہ (S) اور کیری (C) کہا جاتا ہے جس میں دونوں عددی قدریں ہیں۔ اگر ہائی ان پٹ کی تعداد طاق ہے تو مجموعی آؤٹ پٹ ہائی ہے، جبکہ اگر ان پٹ کی تعداد کم از کم 2 ہے تو کیری آؤٹ پٹ ہائی ہے۔

A	B	Cin	Sum(S)	Carry(Count)
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1

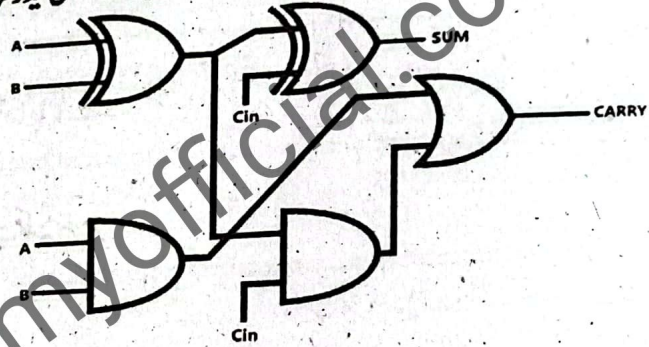
نیل 3.9: فل ایڈر سرکٹ

بولین ایکسپریشنز
Boolean Expressions:

$$\text{Sum} = A \oplus B \oplus \text{Cin}$$

$$\text{Carry} = (A \cdot B) + (\text{Cin} \cdot (A \oplus B))$$

ہاف ایڈر سرکٹ



سوال 9: کرناف میپ سے کیا مراد ہے؟ بولین ایکسپریشن میں ویزی سہل کی تعداد کی بنیاد پر کرناف میپ کو وضاحت سے بیان کریں۔
جواب: کرناف میپ (K-میپ): کرناف میپ (کے-میپ) ایک گرافیکل نمائندگی ہے جسے بولین الجبرا کو حل کرنے اور لاجک فنکشن کو کم سے کم کرنے کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے جہاں الجبری حسابات کا استعمال نہیں کیا جاسکتا ہے۔ یہ ایک ایسی تکنیک ہے جس میں بولین فنکشن کی درست قیمت کو نمونوں کی شناخت کو قابل بنانے اور آسان بنانے کے لیے اصطلاحی امتزاج انجام دینے کے لیے بنایا جاتا ہے۔

Minterm	Combination of Variables	Minterm Expression
0	A=0, B=0, C=0	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$
m1	A=0, B=0, C=1	$\overline{A}\overline{B}C$
m2	A=0, B=1, C=0	$\overline{A}B\overline{C}$
m3	A=0, B=1, C=1	$\overline{A}BC$
m4	A=1, B=0, C=0	$A\overline{B}\overline{C}$
m5	A=1, B=0, C=1	$A\overline{B}C$
m6	A=1, B=1, C=0	$AB\overline{C}$
m7	A=1, B=1, C=1	ABC

نیل 3.8: ABC کے لیے ممکنہ معرر

کرناف میپ کی ساخت:- ایک کرناف میپ دراصل ایک میٹرکس ہے، جہاں ہر مربع ایک سیل ہے جو ایک پوزیشن شدہ متضاد یا ایک ان ہیڈ ویری ایبل سے مطابقت رکھتا ہے اور سیلز عام طور پر بولین فنکشن کے ٹرو تھ ٹیبل کے حوالہ سے '1' یا '0' سے بھرے ہوتے ہیں۔ کرناف میپ کا سائز ویری ایبلز کی تعداد پر منحصر ہے:

• 2 متغیرات: 2×2 گرڈ

• 3 متغیرات: 2×4 گرڈ

• 4 متغیرات: 4×4 گرڈ کم سے کم

• 5 متغیرات: 4×8 گرڈ (بہت کم استعمال ہونے والا)

کے۔ میپ میں ہر سیل ایک منظم کی نمائندگی کرتا ہے اور کے۔ میپ کی ہر قطار میں سیلز کوڈ الفاظ میں کسی خاص پوزیشن پر صرف ایک بٹ سے مختلف ہوتے ہیں جو گرے کوڈ ترتیب کی پیروی کرتے ہیں۔

بولین الجبرا میں منظم مز: بولین الجبرا میں، منظم ایک خاص پروڈکٹ کی اصطلاح ہے جس میں فنکشن کا ہر ویری ایبل یا تو 1 ہے یا پھر اس کا مکمل عکس ہوتا ہے۔ اس کی تشکیل میں ایکسپریشن کے اندر شامل ہوتا ہے۔ ہر منظم ویری ایبل قیمتوں کے ایک اور صرف ایک سیٹ سے مطابقت رکھتا ہے جو بولین فنکشن کو درست یا 1 کے برابر بناتا ہے۔

ویری ایبل A، B اور C کے ساتھ بولین فنکشن منظم نوٹیشن:

• وہ منظم جہاں $A=1, B=0$ اور $C=1$ کو ABC پر لکھا جاتا ہے۔

• بولین فنکشن $F(A, B, C)$ پر غور کریں:

• اس فنکشن کے لیے ممکنہ منظم مز یہ ہیں: A، B اور C کے لیے ممکنہ منظم

کرناف نقشے بنانا:

K-map بنانے کے لیے، ان مراحل پر عمل کریں۔

(1) سسٹم میں موجود ویری ایبلز کی تعداد کی بنیاد پر ایک گرڈ بنائیں۔

(2) آئیے ہم آؤٹ پٹ اقدار کی مدد سے گرڈ کو مکمل کریں جو ٹرو تھ ٹیبل میں شامل ہیں۔

(3) گرڈ میں 1 کو سائز 1، 2، 4، 8 اور اسی طرح کے سب سے بڑے ممکنہ مربعوں میں ترتیب دیں۔ ہر گروپ کے پاس ایک یا ایک سے زیادہ

1 ہونا ضروری ہے اور یہ دو کی طاقت اور انھیں مستقل قطار میں ہونا چاہیے۔

مثال: کے۔ میپ کے ساتھ بولین ایکسپریشن کو آسان بنانا۔

1۔ ایکسپریشن: $A.B + \bar{A}.B + A.\bar{B}$

مرحلہ 1: دو ویری ایبلز A اور B کے لیے کے۔ میپ گرڈ کھینچیں:

	$\bar{B} = 0$	$B = 1$
$\bar{A} = 0$	0	1
$A = 1$	1	1

مرحلہ 2: K-map کو پُر کریں۔

اظہار کی بنیاد پر A اور B کے ہر متضاد کے لیے آؤٹ پٹ کا یقین کریں۔

• For A= 0 and B = 0:	$\bar{F} = \bar{A}.B + A.\bar{B} + A.B = 1.0 + 0.0 + 0.0 = 0$
• For A= 0 and B = 1:	$F = A.\bar{B} + \bar{A}.B + A.B = 0.0 + 1.1 + 0.1 = 1$
• For A= 1 and B = 0:	$F = A.\bar{B} + \bar{A}.B + A.B = 1.1 + 0.0 + 1.0 = 1$
• For A= 1 and B = 1:	$F = A.\bar{B} + \bar{A}.B + A.B = 1.0 + 0.1 + 1.1 = 1$

مرحلہ 3: K-map میں 1s کو گروپ کریں۔
ایکپریشن کو آسان بنانے کے لیے 1s گروپ کے ساتھ بنائیں۔

	$\overline{B} = 0$	$B = 1$
$\overline{A} = 0$	0	1
$A = 1$	1	1

K-map سے ہم مندرجہ ذیل گروپس بنا سکتے ہیں:

دوسرے کالم میں 2، ایک کا گروپ $\overline{A}.B + A.B$

$\overline{A}.B + A.B = (\overline{A} + A).B = 1.B = B$

دوسری قطار میں 2، ایک کا گروپ $A.B + A.\overline{B}$

$A.B + A.\overline{B} = (A + A).\overline{B} = 1.A = A$

حتمی ایکپریشن: $F(A, B) = B + A$

عمل استعمال: کرناف میپ ڈیجیٹل سرکٹ ڈیزائن میں بڑے پیمانے پر استعمال کیے جاتے ہیں تاکہ کسی مخصوص فنکشن کے لیے اہم گیس کی تعداد کو کم سے کم کیا جاسکے۔ اس سے ایسے سرکٹ بنتے ہیں جو تیز، سستے اور کم بجلی استعمال کرتے ہیں۔

کیا آپ جانتے ہیں؟

ایٹالاگ سگنلز کو کبھی کبھی ڈیجیٹل سگنلز میں تبدیل کیا جاتا ہے جسے ایٹالاگ ٹو ڈیجیٹل تبدیلی ADC کہا جاتا ہے۔ یہ ایٹالاگ معلومات جیسے موسیقی کو ڈیجیٹل سگنل کے ذریعے ریکارڈ کرنے اور اس پر کام کرنے کے قابل بناتا ہے۔

بائنری لاجک میں $1+1=2$ کے برابر نہیں ہوتا بلکہ یہ لاجیکل آپریشنز میں 1 کے برابر ہی ہوتا ہے کیوں کہ اگر ان پٹ میں کوئی ایک قیمت بھی 1 ہے تو OR آپریشن ہمیشہ 1 ہی ریزلٹ کرے گا۔

بولین فنکشن ہمارے روزمرہ کے آلات جیسے سیل فون اور کیلکولیٹر میں بھی موجود ہیں:

سیل فون: سیل فون کی پروسیسنگ میں، جب آپ کوئی نمبر ڈائل کرتے ہیں، یا فون پر ایک مین ڈبائے ہیں تو، بولین فنکشن ان ان پٹ کو صحیح یا غلط کے طور پر ایڈریس کرتا ہے اور آؤٹ پٹ فراہم کرتا ہے۔

کیلکولیٹر: بنیادی کیلکولیٹر میں بولین فنکشن استعمال ہوتے ہیں، جب آپ اسے نمبروں اور ان پر انجام دیے جانے والے آپریشنز کے ساتھ فیڈ کرتے ہیں تو، بولین لاجک صحیح نتائج تک پہنچنے کے لیے استعمال ہوتی ہے۔

جارج بولی، ایک ریاضی دان، جس نے بولین الجبرا ایجاد کیا، 1815ء میں لنکن، انگلینڈ میں پیدا ہوا۔ ان کے کام نے مستقبل کے ڈیجیٹل انقلاب اور کمپیوٹر سائنس، مستقبل کی مختلف ٹیکنالوجیز کی بنیاد رکھی۔

معروضی سوالات

محکمہ تعلیم کی نئی امتحانی تکنیکس (Knowledge, Understanding, Application, Analytical & Conceptual) کی روشنی میں مرتب کیے گئے کثیر الانتخابی سوالات

ڈیجیٹل سسٹم کے بنیادی تصورات

3.1

☆ درست جواب کے گرد دائرہ لگائیں۔

1- ایٹالاگ سگنل اور ڈیجیٹل سگنل میں کیا فرق ہے؟

(A) ایٹالاگ سگنل غیر مسلسل ہے، جبکہ ڈیجیٹل سگنل مسلسل ہیں۔ (B) ایٹالاگ سگنل مسلسل ہے، جبکہ ڈیجیٹل سگنل غیر مسلسل ہے۔

(C) اینالاگ سگنل صرف کمپیوٹر میں استعمال ہوتے ہیں، جبکہ ڈیجیٹل سگنل دیگر آلات میں استعمال ہوتے ہیں۔
(D) اینالاگ سگنل پرانے آلات میں استعمال ہوتے ہیں، جبکہ ڈیجیٹل سگنل نئے آلات میں استعمال ہوتے ہیں۔

2- مندرجہ ذیل میں سے اینالاگ کی مثال ہے؟

(A) ایک لائٹ سوئچ (B) ایک کمپیوٹر سکرین (C) انسانی آواز (D) ایک ڈیجیٹل تھرمامیٹر

3- مندرجہ ذیل میں سے ڈیجیٹل سگنل کی مثال ہے؟

(A) ریڈیو کی لہر (B) آواز کی لہر (C) درجہ حرارت کا سینسر (D) ایک بانسری کوڈ

4- وہ دو قدریں کیا ہیں جو ڈیجیٹل سگنل سے لے سکتے ہیں؟

(A) 0 اور 1 (B) اعلیٰ اور پست (C) آن اور آف (D) مذکورہ تمام

5- مندرجہ ذیل آلات میں سے کونسا اینالاگ استعمال کرتا ہے؟

(A) ایک کمپیوٹر (B) ایک سمارٹ فون (C) ایک ریڈیو (D) ایک ڈیجیٹل کیمرہ

6- FM ریڈیو براڈ کاسٹنگ میں کس قسم کی ماڈولیشن استعمال کی جاتی ہے؟

(A) حول و عرض ماڈولیشن (AM) (B) فریکوئنسی ماڈولیشن (FM)

(C) فیز ماڈولیشن (PM) (D) پلس ماڈولیشن (PM)

7- ڈیجیٹل کیونٹیکشن میں کوڈر کا کیا کردار ہے؟

(A) سگنل کو بڑھانا (B) ڈیجیٹل سگنل کو انکوڈ اور ڈی کوڈ کرنا
(C) شور کو فلٹر کرنے کے لیے (D) اینالاگ سگنل کو ڈیجیٹل میں تبدیل کرنا

8- مندرجہ ذیل میں سے کونسا اینالاگ سگنل پر ڈیجیٹل سگنل کا اہم فائدہ ہے؟

(A) ڈیجیٹل سگنل انسانوں کے ذریعے زیادہ جلدی سمجھے جاتے ہیں۔
(B) ڈیجیٹل سگنل میں آسانی سے ترمیم اور تبدیلی کی جاسکتی ہے۔
(C) ڈیجیٹل سگنل حقیقی دنیا کے مظاہر کی زیادہ درست نمائندگی کرتے ہیں۔
(D) ڈیجیٹل سگنل کو پروسیسنگ کے لیے کم پیچیدہ آلات کی ضرورت ہوتی ہے۔

9- ڈیجیٹل سسٹم کی بنیادی بنیاد کیا ہے؟

(A) اعشاریہ نمبرز (B) اوکل نمبرز (C) بانسری نمبرز (D) ہیکسا ڈیسیمل نمبرز

10- ڈیجیٹل سرکٹس میں بانسری '1' کیا ظاہر کرتا ہے؟

(A) کم وولٹیج (B) ہائی وولٹیج (C) زیر وولٹیج (D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

بولین الجبرا اور لاجک گٹس

3.2

11- بولین الجبرا بنیادی طور پر کس لیے استعمال ہوتا ہے؟

(A) ڈیجیٹل سرکٹس کا تجزیہ اور ڈیزائن کرنا
(B) ریاضی کے عمل کو انجام دینا
(C) الگورتھم بنانا
(D) مذکورہ تمام

12- مندرجہ ذیل میں سے کونسا بولین الجبرا میں بنیادی لاجک نہیں ہے؟

(A) AND (B) OR (C) XOR (D) NOT

13- AND آپریشن کا آؤٹ پٹ صرف '1' ہے جب:

- (A) دونوں ان پٹ '0' ہیں
(B) ایک ان پٹ '0' اور دوسرا '1' ہے
(C) دونوں ان پٹ '1' ہیں
(D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

14- اگر $1 = A$ اور $B = 0$ ، AND آپریشن کا نتیجہ کیا ہے $(P = A \cdot B)$ ؟

- (A) 1 (B) 0 (C) -1 (D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

15- جب کم از کم ایک ان پٹ 1 ہو تو OR آپریشن کا نتیجہ کیا ہوتا ہے؟

- (A) 0 (B) 1 (C) -1 (D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

16- دو متغیر A اور B کے لیے OR آپریشن کی ریاضیاتی نمائندگی کیا ہے؟

- (A) $A + B$ (B) $A * B$ (C) $A \cdot B$ (D) $A - B$

17- بولین الجبرا میں، $A + B$ کا کمپلیمنٹ کیا ہے؟

- (A) $A' * B'$ (B) $A' + B$ (C) $A * B$ (D) $A + B'$

18- قدر 1 کے ساتھ بائینری متغیر کے لیے NOT آپریشن کا آؤٹ پٹ کیا ہے؟

- (A) 1 (B) 0 (C) 2 (D) -1

19- ڈیجیٹل لاجک ڈیزائن میں NOT کی بنیادی مقصد کیا ہے؟

- (A) سگنل پیدا کرنا (B) سگنل کو برعکس کرنا (C) ان پٹ سگنل کو الٹنا (D) ان پٹ سگنل میں تاخیر کرنا

20- اس فنکشن کا کیا نام ہے جس کی علامت " $F(A, B) = A \cdot B$ " سے ظاہر ہوتا ہے؟

- (A) AND فنکشن (B) OR فنکشن (C) NOT فنکشن (D) XOR فنکشن

21- $A + -A$ کا اظہار کا نتیجہ کیا ہے؟

- (A) 0 (B) 1 (C) A (D) -A

22- مندرجہ ذیل میں سے کونسا معیاری بولین الجبرا تصورات نہیں ہے؟

- (A) Idempotent قانون (B) تقسیم کا قانون (C) ایسوسی ایٹو قانون (D) اضافے کا تبادلہ قانون

23- ڈیجیٹل سرکٹ میں NOT گیٹ کیا کرتا ہے؟

- (A) یہ ان پٹ کے طور پر ایک ہی قدر کو آؤٹ پٹ کرتا ہے۔ (B) یہ ان پٹ کی مخالف قدر کو آؤٹ پٹ کرتا ہے۔

- (C) یہ دو بائینری نمبروں کو جوڑتا ہے۔ (D) یہ دو بائینری نمبروں کو ضرب دیتا ہے۔

24- بولین فنکشنز مندرجہ ذیل میں سے کس میں استعمال ہوتے ہیں؟

- (A) ڈیٹا پروسیسنگ (B) کنٹرول لاجک (C) (الف) اور (ب) دونوں (D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

25- بولین الجبرا کس نے ایجاد کیا؟

- (A) البرٹ آئن سٹائن (B) جارج بول (C) آئزک نیوٹن (D) ایل ٹورنگ

26- لاجک گیمس ہیں؟

- (A) الیکٹرانک سرکٹس میں جسمانی آلات ہیں جو بولین آپریشن انجام دیتے ہیں۔

- (B) سافٹ ویئر پروگرام جو کمپیوٹر کے افعال کو قابو کرتا ہے۔

- (C) ریاضیاتی مساوات جو پیچیدہ مسائل کو حل کرنے کے لیے استعمال ہوتی ہیں

- (D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

27- ایک NAND گیٹ سے درست سنگل کب نکلتا ہے؟

- (A) جب دونوں ان پٹ درست ہوں
(B) جب دونوں ان پٹ غلط ہوں
(C) جب کم از کم ایک ان پٹ غلط ہوں
(D) جب کم از کم ایک ان پٹ درست ہو

28- NAND گیٹ کا آؤٹ پٹ کیا ہے اگر A ان پٹ آن ہے اور B ان پٹ آف ہے؟

- (A) آن (B) آف (C) زیادہ (D) کم

29- جب دونوں ان پٹ صحیح ہوں تو XOR گیٹ کیا آؤٹ پٹ دیتا ہے؟

- (A) درست (B) غلط (C) تعین نہیں کر سکتے (D) یہ ان پٹ پر منحصر ہے

30- XOR گیٹ اور OR گیٹ کے درمیان بنیادی فرق کیا ہے؟

- (A) XOR گیٹ صحیح نکلتا ہے جب ایک ان پٹ درست ہو اور دوسرا غلط ہو OR گیٹ تب درست نکلتا ہے اگر کم از کم ایک ان پٹ درست ہو

(B) XOR گیٹ کے دو سے زیادہ ان پٹ ہوتے ہیں جب کہ OR گیٹ میں نہیں ہوتے

(C) XOR گیٹ آر تھمیٹک آپریشن میں استعمال ہوتا ہے جبکہ OR گیٹ نہیں

(D) کوئی فرق نہیں ہے وہ اسی طرح کام کرتے ہیں

3.3 بولین فنکشن کو آسان بنانا

31- مندرجہ ذیل میں سے کونسا بنیادی بولین الجبرا اصول نہیں ہے جسے آسان بنانے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے؟

- (A) شناخت کے قوانین (B) کالعدم قوانین (C) Idempotent قوانین (D) موڈیوس قوانین

32- شناختی قانون کے مطابق $A + 0$ کا کیا نتیجہ ہے؟

- (A) 0 (B) 1 (C) A (D) $A + 1$

33- بولین الجبرا کا کونسا اصول کہتا ہے کہ $A + A = A$ ؟

- (A) شناختی قانون (B) کالعدم قانون (C) Idempotent قانون (D) تکمیلی قانون

34- مندرجہ ذیل میں سے کونسا تقسیمی قانون کا درست اطلاق نہیں ہے؟

- (A) $A \cdot (B + C) = (A \cdot B) + (A \cdot C)$ (B) $A + (B \cdot C) = (A + B) \cdot (A + C)$ (C) $A \cdot (B + C) = (A + B) \cdot (A + C)$ (D) $(A \cdot B) \cdot (A + C) = A \cdot B + A \cdot C$

3.5 ڈیجیٹل لاجک کا اطلاق

35- مندرجہ ذیل میں سے کون سی ایڈرسرکشن کی عام شکل ہے جو ڈیجیٹل سرکٹس میں ریاضی کے حساب کے لیے استعمال ہوتی ہے؟

- (A) سٹرکیٹر سرکشن (B) کمپیئرٹر سرکشن (C) ہاف ایڈر (D) ملٹی پلائر سرکشن

36- ہاف ایڈرسرکٹ کا بنیادی کام کیا ہے؟

(A) دو بانٹری ہندسوں کا تفریق انجام دینا

(B) دو سنگل بٹ بانٹری ہندسوں کو شامل کرنا اور ایک رقم کو کیری آؤٹ تیار کرنا

(C) اعشاریہ نمبروں کو بانٹری میں تبدیل کرنا

(D) بانٹری نمبروں کو اعشاریہ تک خفیہ کرنا

37- مندرجہ ذیل میں سے کون سے فل ایڈر سرکٹ کے ان پٹ ہیں؟

Sum اور C_{in} (D)

B اور A (C)

Sum (B) اور C_{in} (A)

38- فل ایڈر سرکٹ کے آؤٹ پٹ کی نمائندگی کی جاتی ہے؟

صرف کیری (D)

صرف رقم (C)

Sum (A) اور کیری (B)

39- فل ایڈر کے لیے درست ٹیبل میں C_{in} کس چیز کی نمائندگی کرتا ہے؟

(A) پچھلے اضافے سے کیری ان پٹ

(B) A اور B کا مجموعہ

(C) سرکٹ کا کیری آؤٹ پٹ

40- متغیرات کے ساتھ بولین فنکشن کے لیے کرناف میپ میں کتنے مربع ہیں؟

16 (D)

8 (C)

4 (B)

2 (A)

41- کرناف میپ میں ہر ایک سیل کے لیے کیا اصطلاح استعمال ہوتی ہے؟

(D) رقم کی مدت

(C) مصنوعات کی مدت

(B) میکسٹرم

(A) منٹرم

42- بولین الجبرا میں، معزم ایک مصنوعات کی اصطلاح ہے جہاں فنکشن کا ہر متغیر اس میں موجود ہے؟

(A) صرف اس کی حقیقی شکل (B) صرف اس کی تکمیلی شکل (C) یا تو اس کی حقیقی یا تکمیلی شکل (D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

43- بولین ایکسپریشن کو آسان بنانے کے لیے کرناف میپ استعمال کرنے کا کیا فائدہ ہے؟

(A) یہ الجبری تبدیلی کی ضرورت کو ختم کرتا ہے (B) یہ ایکسپریشن کی بصری نمائندگی کرتا ہے

(C) یہ متغیرات کی کسی بھی تعداد کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے (D) یہ سب سے آسان ممکنہ ایکسپریشن کی علامت ہے

44- بولین فنکشن کے لیے معزم نوٹیشن کیا ہے جہاں $A = 1$ اور $B = 0$ ، $C = 1$ ؟

A'B'C (D)

A'BC' (C)

AB'C (B)

ABC (A)



(B) -10	(C) -9	(B) -8	(B) -7	(B) -6	(C) -5	(D) -4	(D) -3	(C) -2	(A) -1
(A) -20	(C) -19	(B) -18	(A) -17	(A) -16	(B) -15	(B) -14	(C) -13	(C) -12	(A) -11
(B) -30	(B) -29	(A) -28	(C) -27	(A) -26	(C) -25	(C) -24	(B) -23	(D) -22	(B) -21
(C) -40	(A) -39	(A) -38	(A) -37	(B) -36	(C) -35	(C) -34	(C) -33	(C) -32	(D) -31
						(B) -44	(B) -43	(C) -42	(A) -41

کثیر الانتخابی کنسیپچوئل (Conceptual) سوالات

☆ درست جواب کے گرد دائرہ لگائیں۔

1- مندرجہ ذیل میں سے کن مظہر ناموں میں آپ اپنا لاگ گٹل استعمال کرنا پسند کریں گے؟

(B) جب گٹل کو ڈیجیٹل طور پر پروسیس کرنے کی ضرورت ہوتی ہے

(A) جب صحت سے متعلق کی ضرورت ہوتی ہے

(D) انٹرنیٹ پر ڈیٹا منتقل کرتے وقت

(C) آڈیو ریکارڈنگ کیساتھ کام کرتے وقت

2- ڈیجیٹل سگنلز اینالاگ سگنلز کے مقابلے میں فاصلے تک معلومات کی ترسیل اور ذخیرہ کرنے کے لیے کیوں بہتر ہیں؟

- (A) ڈیجیٹل سگنلز شور اور سگنل کی کمی کے خلاف زیادہ مزاحمت کرتے ہیں
(B) ڈیجیٹل سگنلز کو بغیر کسی ہگاز کے آسانی سے بڑھایا جاسکتا ہے
(C) ڈیجیٹل سگنلز کو ٹرانسمیشن کے لیے کم بینڈ ورتھ کی ضرورت ہوتی ہے
(D) ذخیرہ کرنے کی جگہ کے لحاظ سے ڈیجیٹل سگنل زیادہ موثر ہیں

3- ٹروٹھ ٹیبل کا کیا مقصد ہے؟

- (A) منطقی کاروائیوں کی نمائندگی کرنا
(B) عددی قدروں کا حساب لگانا
(C) گرافیکل ڈیٹا ظاہر کرنا
(D) شماریاتی معلومات کا خلاصہ کرنا

4- بولین فنکشن $F(A, B) = A \cdot B$ کا آؤٹ پٹ کیا ہے جب $A = 1$ اور $B = 0$ ؟

- (A) 0 (B) 1 (C) وضاحت نہیں کی گئی (D) مندرجہ بالا میں سے کوئی نہیں

5- کونسا گیت AND گیت کا الٹا ہے؟

- (A) OR گیت (B) NOT گیت (C) NAND گیت (D) NOR گیت

6- مندرجہ ذیل میں سے منظر ناموں میں سے کون 'OR' گیت کی بہتر نمائندگی کرتا ہے؟

- (A) لائٹ بلب تب جلتا ہے جب دونوں سوئچز کو دبایا جائے
(B) گاڑی تب سٹارٹ ہوتی ہے جب چابی ڈالی جائے یا بیٹری چارج ہو جائے
(C) ایک طالب علم پارٹی میں سکتا ہے اگر اس کے پاس اچھے نمبر ہوں اور اجازت والی پرچی ہو
(D) ایک دروازہ صرف اس وقت کھلتا ہے جب نمبروں کا ایک مخصوص مجموعہ داخل ہوتا ہے

7- جدید الیکٹرانک سسٹمز میں ڈیجیٹل لاجک کس طرح اہم کردار ادا کرتی ہے؟

- (A) یہ مختلف کاموں کو موثر طریقے سے انجام دینے کے لیے سرکٹس کو بہتر بناتا ہے
(B) یہ الیکٹرانک آلات کے لیے طاقت کا ذریعہ فراہم کرتا ہے
(C) یہ وائرلیس نیٹ ورکس پر ڈیٹا منتقل کرتا ہے
(D) یہ ہارڈ ڈرائیوز اور میموری چپس پر معلومات محفوظ کرتا ہے

8- کرنف میپ میں "گرے کوڈ" کیا یقینی بناتی ہے؟

- (A) ہریسل کی ایک منفرد بانٹری قدر ہوتی ہے
(B) ملحق سیلز کی قدریں صرف ایک بٹ سے مختلف ہوتی ہیں
(C) میپ کو ایلفا بیٹیکل ترتیب میں دیا گیا ہے
(D) تمام منظر مزکی نمائندگی کر رہے ہیں

9- کرنف میپ میں ملحقہ گروپ 1s کرنے کا کیا مقصد ہے؟

- (A) بولین ایکسپریشن کو آسان بنانا
(B) منظر مزکی شناخت
(C) ٹروٹھ ٹیبل بنانا
(D) آؤٹ پٹ اقدار کا تعین کرنا

10- درست ٹیبل میں 3 متغیرات والے فنکشن کے لیے کتنی قطاریں ہوتی ہیں؟

- (A) 4 (B) 6 (C) 8 (D) 16

جوابات

1	(C)	2	(A)	3	(A)	4	(A)	5	(A)	6	(B)	7	(B)	8	(A)	9	(B)	10	(C)
---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	---	-----	----	-----

ڈیجیٹل سسٹم کے بنیادی تصورات

3.1

مختصر جواب دیں۔

1- ڈیجیٹل سسٹم کا بنیادی مقصد کیا ہے؟

جواب: ڈیجیٹل سسٹم کی بنیاد: ڈیجیٹل سسٹم آج کے الیکٹرانکس اور کمپیوٹنگ کی ریزہ کی ہڈی ہیں۔ وہ ڈیجیٹل معلومات کو ہائزری ہندسوں کی شکل میں تبدیل کرتے ہیں۔ جو 10 اور 1 ہوتے ہیں یا ان کا استعمال کیلکولیشن ڈیوائسز جیسے کیلکولیٹر اور کمپیوٹر وغیرہ میں ہوتا ہے۔

2- جدید ٹیکنالوجیز میں اینالاگ سے ڈیجیٹل کنورٹر (ADC) اور ڈیجیٹل سے اینالاگ کنورٹر (DAC) کا کیا کردار ہے؟

جواب: اینالاگ سے ڈیجیٹل کنورٹر (ADC): اینالاگ سگنلز کو ڈیجیٹل سگنلز میں تبدیل کرتا ہے، جو غیر مسلسل ہوتے ہیں اور کمپیوٹر انڈیوائسز جیسے کمپیوٹرز اور سمارٹ فونز میں آسانی سے کارروائی کی جاسکتی ہے۔

ڈیجیٹل سے اینالاگ تبدیل (DAC): DAC وہ تبدیل ہے جس کے ذریعے اینالاگ سگنلز کو ڈیجیٹل سگنلز میں تبدیل کیا جاتا ہے جس سے انسان کے لیے معلومات کا ادراک ممکن ہو جاتا ہے مثال کے طور پر اسپیکر کے ذریعے۔

3- اینالاگ سے ڈیجیٹل کنورٹر کا بنیادی مقصد کیا ہے؟

جواب: ڈیجیٹل سے اینالاگ کنورٹر اور وائس ورکس انہم ہے۔ کیونکہ یہ ڈیٹا پروسیسنگ، اسٹوریج اور ٹرانسمیشن کو قابل بناتا ہے ڈیجیٹل سگنلز شور اور سگنل کے خراب ہونے سے بہت کم متاثر ہوتے ہیں اور اس لیے طویل فاصلے تک معلومات کی ترسیل اور ذخیرہ کرنے کے موزوں ہیں۔

4- صوتی لہروں کو ڈیجیٹل سگنلز میں تبدیل کرنے میں استعمال ہونے والے دو اہم اجزاء کون سے ہیں؟

جواب: (i) مائیکروفون (ii) اسپیکر

5- آواز کی لہر کی تبدیل میں مائیکروفون کے کردار کی وضاحت کریں؟

جواب: مائیکروفون (ADC): جب آپ مائیکروفون میں بات کرتے ہیں، تو آپ کی آواز، آواز کی لہر (اینالاگ سگنل) پیدا کرتی ہیں۔ جو سسٹم کے ذریعے پکڑی جاتی ہیں۔ یہ مائیکروفون کے ذریعے ADC کا استعمال کرتے ہوئے آواز کی لہروں کو ڈیجیٹل شکل میں تبدیل کرتا ہے۔ آخر میں یہ ڈیجیٹل ڈیٹا کو الٹری میں بہت کم یا کوئی تیزی کے ساتھ طویل فاصلے پر منتقل کیا جاسکتا ہے۔

6- آواز کی لہر کی تبدیل میں اسپیکرز کے کردار کی وضاحت کریں؟

جواب: اسپیکرز (DAC): وصول کنندہ کے آخر میں ڈیجیٹل سگنلز پھر DAC کی مدد سے اینالاگ سگنلز میں تبدیل ہو جاتے ہیں۔ اس کے بعد اسپیکر ان اینالاگ سگنلز کو دوبارہ صوتی لہروں میں ترجمہ کرتے ہیں تاکہ آپ دوسرے شخص کی آواز اس طرح سن سکیں جیسے وہ آپ سے براہ راست بات کر رہے ہوں۔

7- ڈیجیٹل نظام کی بنیاد کیا ہے؟

جواب: ڈیجیٹل لاجک ڈیجیٹل نظام کی بنیاد ہے اس میں معلومات کی نمائندگی اور تبدیلی کے لیے ہائزری نمبرز کا استعمال شامل کرتے ہیں جو 0 اور 1 ہیں۔ ڈیجیٹل لاجک سرکٹس مختلف آپریشنز کو انجام دینے کے لیے ان ہائزری اقدار کا استعمال کرتے ہیں اور یہ کمپیوٹرز اور بہت سے دوسرے الیکٹرانک آلات کے کام کے لیے ضروری ہیں۔

8- ڈیجیٹل سرکٹس میں کون سی دو حالتیں استعمال ہوتی ہیں؟

جواب: ڈیجیٹل سرکٹس میں دو حالتیں 0 اور 1 مختلف ڈیج کی سطحوں سے ظاہر ہوتی ہیں۔ عام طور پر زیادہ وولٹیج جیسے کہ 5 وولٹ ایک ہائزری '1' کا

حوالہ دیتے ہیں جب کہ کم و بیش مثال کے طور پر 0 دولت ہائری '0' کا حوالہ دیتے ہیں ان دونوں کی سطحوں کو "لا جک لیول" کہا جاتا ہے۔
 ڈیجیٹل سرکٹس میں 0 اور 1 کیا ظاہر کرتے ہیں؟

جواب: ڈیجیٹل سرکٹس میں دو حالتیں 0 اور 1 مختلف دونوں کی سطحوں سے ظاہر ہوتی ہیں۔ عام طور پر زیادہ دونوں جیسے کہ 5 دولت ایک ہائری '1'۔
 حوالہ دیتے ہیں جب کہ کم و بیش مثال کے طور پر 0 دولت ہائری '0' کا حوالہ دیتے ہیں ان دونوں کی سطحوں کو "لا جک لیول" کہا جاتا ہے۔
 ڈیجیٹل سرکٹس میں 0 اور 1 کیا ظاہر کرتے ہیں؟

جواب: آلات کو آن اور سوچ آف کرنے اور ان طریقوں کی وضاحت کرنے کے لیے منطقی سطحوں کی ضرورت ہوتی ہے جن کے ذریعے ڈیجیٹل سرکٹس کام کرتے ہیں، آپریشن کرتے ہیں اور معلومات کو تبدیل کرتے ہیں۔

3.2 بولین الجبرا اور لا جک گٹس

11- بولین الجبرا کیا ہے؟
 جواب: بولین الجبرا: بولین الجبرا ریاضی کی ایک شاخ ہے جس کا تعلق لا جک اور علامتی حساب سے ہے، جس میں دو قدریں درست اور غلط استعمال ہوتی ہیں۔ یہ ڈیجیٹل سرکٹس کی ایک لازمی شاخ ہے کیونکہ یہ سرکٹس کے تجزیہ اور ڈیزائن کی بنیاد ہے۔

12- بولین الجبرا میں استعمال ہونے والی دو قدریں کیا ہیں؟
 جواب: بولین الجبرا ریاضی کی ایک شاخ ہے جس کا تعلق لا جک اور علامتی الجبرا سے ہے جس میں دو قدریں یعنی درست اور غلط استعمال ہوتی ہیں یہ ڈیجیٹل سرکٹس کی ایک لازمی شاخ ہے کیونکہ یہ سرکٹس کے تجزیہ اور ڈیزائن کی بنیاد ہے۔

13- بولین افعال اور ایکسپریشنز کس لیے استعمال ہوتے ہیں؟
 جواب: بولین افعال اور ایکسپریشنز: ہائری اقدار کا استعمال بولین فنکشن اور بولین ایکسپریشنز میں دہری اہلو کے درمیان تعلق کو بیان کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔ AND, OR, ایکسپریشنز اور دیگر منطقی کاروائیوں کا استعمال کرتے ہوئے جملے گئے ہیں اور ڈیجیٹل سرکٹس کو بہتر بنانے کے لیے کئی طریقوں سے استعمال کیے جاسکتے ہیں۔

14- AND آپریشن کیا کرتا ہے؟
 جواب: AND آپریشن: AND بنیادی منطقی آپریٹر ہے جو بولین الجبرا میں استعمال ہوتا ہے۔ اس کے لیے دو ہائری ان پٹ درکار ہیں جو ایک ہی ہائری آؤٹ پٹ دیتا ہے۔ علامت 'AND' آپریشن کے لیے استعمال ہوتی ہے۔ AND آپریشن کا آؤٹ پٹ '1' ہے صرف جب دونوں ان پٹ '1' ہوں دوسری صورت میں نتیجہ '0' ہے۔
 مثال: دو ہائری دہری اہلو پر غور کریں:

$$A = 1 \quad (\text{True})$$

$$B = 0 \quad (\text{False})$$

ان دہری اہلو کے لیے AND آپریشن کو ریاضیاتی طور پر لکھا جاسکتا ہے:

$$P = A \cdot B$$

اس مثال میں:

$$A = 1$$

$$B = 0$$

اس لیے فنکشن P کا رزلٹ 0 یعنی False ہوگا۔

ٹروتھ ٹیبل: ان پٹ ویری ایبل کے تمام امکانات کے ساتھ AND آپریشن کی فعالیت کو ظاہر کرنے میں ٹروتھ ٹیبل بہت مفید ہے۔ ذیل میں AND آپریشن کے لیے ٹروتھ ٹیبل ہے:

A	B	A AND B (P)
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

ٹیبل 3.1: AND آپریشن کی وضاحت کے لیے ٹروتھ ٹیبل

وضاحت:

• اگر A اور B دونوں 0 یعنی Off ہیں، جو صفر کے برابر ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) بھی Off ہوگا۔

• اسی طرح اگر A '0' اور B '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) Off ہوگا۔

• اسی طرح اگر A '1' اور B '0' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) Off ہوگا۔

• لیکن جب B '1' اور A بھی '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) ON ہوگا۔

15- ٹروتھ ٹیبل کیا ہے؟

جواب: ٹروتھ ٹیبل: ان پٹ ویری ایبل کے تمام امکانات کے ساتھ AND آپریشن کی فعالیت کو ظاہر کرنے میں ٹروتھ ٹیبل بہت مفید ہے۔

16- ٹروتھ ٹیبل میں AND آپریشن کیسے کام کرتا ہے؟

جواب: ٹروتھ ٹیبل میں AND آپریشن درج ذیل طریقے سے کام کرتا ہے۔

A	B	A AND B (P)
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

وضاحت:

• اگر A اور B دونوں 0 یعنی Off ہیں، جو صفر کے برابر ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) بھی Off ہوگا۔

• اسی طرح اگر A '0' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) Off ہوگا۔

• اسی طرح اگر B '0' اور A '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) Off ہوگا۔

• لیکن جب B '1' اور A بھی '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) ON ہوگا۔

17- بولین الجبرا میں OR آپریشن کا کیا مقصد ہے؟

جواب: OR آپریشن: OR آپریشن بولین الجبرا میں دوسرا بنیادی لاجیکل آپریٹر ہے۔ یہ بھی دو بائنری ویری ایبلز کا ایک فنکشن ہے اور ایک واحد

بائنری ویری ایبل فنکشن کی آؤٹ پٹ ہے۔ نیچے دیے گئے ٹیبل کے مطابق، OR آپریشن (1) آؤٹ پٹ پیدا کرتا ہے جب کم از کم ایک

ان پٹ درست ہوتا ہے۔ آؤٹ پٹ صرف اس وقت 0 ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ 0 ہوتے ہیں۔ اس وجہ سے آؤٹ پٹ 'غلط' (0) صرف

اس صورت میں ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ 'غلط' ہوں۔

مثال: دو بائنری ویری ایبلز پر غور کریں:

A = 1 (True)

B = 0 (False)

ان دیری اسپل کے لیے OR آپریشن کو ریاضیاتی طور پر یوں لکھا جاسکتا ہے:

$$P = A + B$$

اس مثال میں:

$$A = 1 \quad B = 0$$

اس لیے فنکشن P کا رزلٹ 1 یعنی True ہوگا۔

ٹرو تھمبیل: OR آپریشن کو کس طرح منظم کیا جاتا ہے اور ان پٹ متغیرات کی تمام اقسام کے لیے OR's اپیلی کیشنز کا نتیجہ کیا ہوتا ہے اس کی بہتر تفہیم کے لیے ٹرو تھمبیل مفید ہے۔ ذیل میں OR آپریشن کے لیے ٹرو تھمبیل ہے۔

A	B	A OR B (P)
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

وضاحت:

- اگر A اور B دونوں 0 یعنی Off ہیں، جو صفر کے برابر ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) بھی Off ہوگا۔
 - اگر A '0' اور B '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
 - اگر B '0' اور A '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
 - اسی طرح جب B '1' اور A بھی '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
- 18- ٹرو تھمبیل کی بنیاد پر OR آپریشن کے آؤٹ پٹ کی وضاحت کریں؟
- جواب: نیچے OR آپریشن کے لیے ٹرو تھمبیل ہے۔

A	B	A OR B (P)
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

وضاحت:

- اگر A اور B دونوں 0 یعنی Off ہیں، جو صفر کے برابر ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) بھی Off ہوگا۔
 - اگر A '0' اور B '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
 - اگر B '0' اور A '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
 - اسی طرح جب B '1' اور A بھی '1' ہے تو مطلوبہ آؤٹ پٹ (P) 1 ہوگا۔
- 19- بولین الجبرا میں NOT آپریشن کی وضاحت کریں؟

جواب: NOT آپریشن: NOT آپریشن بنیادی بولین الجبرا آپریشنز میں سے ایک ہے جو کہ واحد ہائزری دیری اسپل لیتا ہے اور صرف اس کی قیمت کی نفی کرتا ہے اگر ان پٹ 1 ہے تو آؤٹ پٹ 0 ہے اور اگر ان پٹ 0 ہے تو آؤٹ پٹ 1 ہے۔

مثال: بائری ویری اسبل پر غور کریں:

$$A = 1 \quad (\text{True})$$

اس ویری اسبل کے لیے NOT آپریشن کو ریاضیاتی طور پر لکھا جاتا ہے:

$$P = -A \quad \text{یا} \quad P = A$$

اس مثال میں: $P = 0$

اس سے یہ ظاہر ہوتا ہے اگر $A = 1$ (True) ہے تو NOT آپریشن کا نتیجہ 0 (False) ہوگا۔

نوٹ: مندرجہ ذیل ٹیبل ویری اسبل کے تمام ممکنہ ان پٹ کے لیے NOT آپریشن کے کام کی وضاحت کرے گا۔ ذیل میں NOT آپریشن کے لیے نوٹہ ٹیبل ہے۔

A	NOT A (P)
0	1
1	0

وضاحت: جب ان پٹ (A)، 0 ہوتا ہے تو آؤٹ پٹ (P)، 1 ہوتا ہے کیوں کہ NOT آپریشن ان پٹ کے گئے ویری اسبل کے منافی یا مخالف قیمت دیتا ہے۔

20- NOT آپریشن کے لیے نوٹہ ٹیبل کیا ظاہر کرتی ہے؟

جواب: مندرجہ ذیل ٹیبل ویری اسبل کے تمام ممکنہ ان پٹ کے لیے NOT آپریشن کے کام کو واضح کرے گا۔ ذیل میں NOT آپریشن کے لیے نوٹہ ٹیبل ہے۔

A	NOT A (P)
0	1
1	0

وضاحت: جب ان پٹ (A)، 0 ہوتا ہے تو آؤٹ پٹ (P)، 1 ہوتا ہے کیوں کہ NOT آپریشن ان پٹ کے گئے ویری اسبل کے منافی یا مخالف قیمت دیتا ہے۔

21- ڈیجیٹل لاجک ڈیزائن میں NOT آپریشن کا مقصد کیا ہے؟

جواب: NOT آپریشن ڈیجیٹل لاجک ڈیزائن میں زیادہ پیچیدہ لاجک فنکشنز پیدا کرنے اور ڈیجیٹل سرکٹس کی فعالیت کی تصدیق کے لیے اہم ہے۔

22- بولین فنکشنز اور ان کی اہمیت کی وضاحت کریں؟

جواب: بولین فنکشنز: بولین فنکشن ایک ایسا فنکشن ہے جس میں ایک یا ایک سے زیادہ بائری ان پٹ ہوتے ہیں اور ایک ہی بائری آؤٹ پٹ پیدا کرتا ہے ان پٹ اور آؤٹ پٹ کی صرف دو قدریں ہوتی ہیں۔ غلط (0 سے نمائندگی) اور ٹھیک (1 سے نمائندگی)۔ بولین فنکشنز کی تعمیر بنیادی لاجیکل آپریشنز جیسے AND, OR اور NOT کو استعمال کر کے کی جاتی ہے۔ جو درست آؤٹ پٹ پیدا کرنے کے لیے ان پٹ کو جوڑتے ہیں۔

23- کمپیوٹر سسٹم میں بولین فنکشنز کا کیا مقصد ہے؟

جواب: کمپیوٹر میں استعمال: مختلف آپریشنز کے لیے کمپیوٹر میں بولین فنکشنز کے بہت سے استعمال ہوتے ہیں۔ اس کے استعمال کی کچھ مثالیں درج ذیل ہیں۔

آرٹھمیک آپریشنز: بولین فنکشن CPUs کے آرٹھمیک لاجک یونٹس (ALUs) میں جمع، تفریق، ضرب اور یہاں تک کہ تقسیم جیسے کام انجام دینے کے لیے استعمال کیے جاتے ہیں۔

ڈیٹا پروسیسنگ: بولین فنکشنز کا استعمال میموری اور اسٹوریج ڈیوائسز میں بائنری ڈیٹا کو پروسیس کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے تاکہ ڈیٹا کی موثر تبدیلی اور بازیافت کو یقینی بنایا جاسکے۔

24- ڈیٹا پروسیسنگ: بولین فنکشنز میموری اور اسٹوریج ڈیوائسز میں بائنری ڈیٹا کو پروسیس کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے تاکہ ڈیٹا کی موثر تبدیلی اور بازیافت کو یقینی بنایا جاسکے۔

25- کنٹرول لاجک میں بولین فنکشنز کے کردار کی وضاحت کریں؟
جواب: کنٹرول لاجک: بولین فنکشنز کا اطلاق کمپیوٹرز میں نظام کے آپریشن کے مختلف حصوں کو مربوط طریقے سے کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔

26- لاجک گیٹس کیا ہیں؟
جواب: منطقی گیٹس اور ان کے افعال: لاجک گیٹس الیکٹرانک سرکٹس میں لگنے والے آلات ہیں جو بولین آپریشن انجام دیتے ہیں۔ ہر قسم کا لاجک گیٹ ایک بنیادی بولین آپریشن سے مطابقت رکھتا ہے۔

لاجک گیٹس کی مثالیں:
(i) AND گیٹ (ii) OR گیٹ (iii) NOT گیٹ (iv) XOR گیٹ (v) NAND گیٹ

27- AND گیٹ کے کام کی وضاحت کریں؟

جواب: AND گیٹ: AND فنکشن کو نافذ کرتا ہے۔ یہ آؤٹ پٹ صرف تب صحیح ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ درست/ٹرو (1) ہوں۔



AND گیٹ کے ساتھ ایک سادہ الیکٹرانک سرکٹ کا تصور کریں۔ اگر آپ دو سوئچ دبائیں گے (دونوں کو آن ہونا چاہیے)، ایک لائٹ بلب جل جائے گا۔

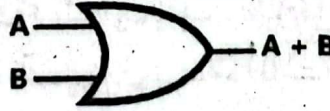
سوئچ 1: ON (True)

سوئچ 2: ON (True)

لائٹ بلب: ON (True) کیونکہ دونوں سوئچ آن ہیں۔ اگر کوئی ایک سوئچ آف ہے تو لائٹ بلب آف ہو جائے گا۔

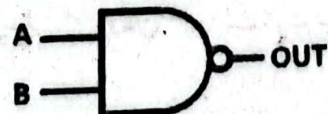
28- OR گیٹ کیسے کام کرتا ہے؟

جواب: OR گیٹ: OR فنکشن کو نافذ کرتا ہے۔ جب کم از کم ایک ان پٹ سوئچ ہو تو آؤٹ پٹ درست نکلتا ہے۔



29- NAND گیٹ کیسے حاصل ہوتا ہے؟

جواب: NAND گیٹ: یہ گیٹ اس وقت حاصل ہوتا ہے جب AND گیٹ کو NOT گیٹ کے ساتھ ملایا جاتا ہے۔ یہ تب درست آؤٹ پٹ پیدا کرتا ہے جب کوئی ایک ان پٹ غلط ہو۔ دوسرے الفاظ میں، یہ AND گیٹ کا الٹ ہے۔



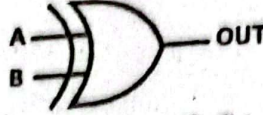
مثال: ایک حفاظتی نظام کا تصور کریں جہاں ایک الارم چلنا چاہیے اگر دو میں سے ایک سینسر کی مسئلہ کا پتہ لگاتا ہے۔
سینسر 1: کوئی مسئلہ نہیں (غلط)

سینر 2: مسئلے کا پتہ چلا (درست)

الارم: آن (درست) کیونکہ ایک سینر کسی مسئلے کا پتہ لگاتا ہے۔

XOR گیٹ کیا کرتا ہے؟

جواب: XOR گیٹ: XOR گیٹ (خصوصی OR) صرف اسی صورت درست ہوتا ہے جب کوئی ایک ان پٹ درست ہو۔ یہ OR گیٹ سے اس لحاظ سے مختلف ہوتا ہے کہ جب دونوں ان پٹ درست ہوں تو آؤٹ پٹ درست نہیں نکلتا۔



مثال: ایک ایسے منظر کا تصور کریں جہاں آپ یا تو ویڈیو گیمز کھیل سکتے ہیں یا ہوم ورکس کر سکتے ہیں لیکن دونوں ایک وقت میں نہیں ہو سکتے۔

ویڈیو گیمز کھیلیں: جی ہاں (True)

ہوم ورک کریں: نہیں (False)

اجازت ہے؟ ہاں (True) کیونکہ صرف ایک سرگرمی کی جارہی ہے۔

بولین فنکشن کو آسان بنانا

3.3

31- فنکشنز کو آسان بنانے کا بنیادی مقصد کیا ہے؟

جواب: بولین فنکشن کی آسانیاں: بولین فنکشنز کو آسان بنانا ایک موثر ڈیجیٹل سرکٹ ڈیزائن کرنے میں خاص طور پر اہم عمل ہے۔ اس طرح کے آسان فنکشنز کے لیے کم گیٹس کی ضرورت ہوتی ہے جو انہیں سائز میں کمپیٹ، توانائی کی بچت اور پیچیدہ سے تیز تر بناتے ہیں۔ آسان بنانے کا مطلب ہے کہ فنکشنز کو کم پیچیدہ بنانے کے لیے بولین الجبرا کے کچھ اصولوں کا اطلاق کریں۔

32- بولین تاثرات کو آسان بنانے کے لیے استعمال کیے جانے والے اصولوں کے نام بتائیں؟

جواب: بولین الجبرا کے بنیادی اصول:

1. Identity Laws $A + 0 = A$
 $A \cdot 1 = A$
2. Null Laws $A + 1 = 1$
 $A \cdot 0 = 0$
3. Idempotent Laws $A + A = A$
 $A \cdot A = A$
4. Complement Laws $A + \bar{A} = 1$
 $A \cdot \bar{A} = 0$
5. Commutative Laws $A + B = B + A$
 $A \cdot B = B \cdot A$
6. Associative Laws $(A + B) + C = A + (B + C)$
 $(A \cdot B) \cdot C = A \cdot (B \cdot C)$
7. Distributive laws $A \cdot (B + C) = (A \cdot B) + (A \cdot C)$
 $A + (B \cdot C) = (A + B) \cdot (A + C)$

8. Absorption Laws
9. De Morgan's Theorems
10. Double Negation Law

$$\begin{aligned}A + (A.B) &= A \\A.(A + B) &= A \\ \overline{A + B} &= \overline{A}. \overline{B} \\ \overline{A.B} &= \overline{A} + \overline{B} \\ \overline{\overline{A}} &= A\end{aligned}$$

33- ڈی مورگن کے نظریات لکھیں۔
جواب: ڈی مورگن کے نظریات:

$$\begin{aligned}A + B &= \overline{\overline{A + B}} \\ \overline{A + B} &= \overline{A}. \overline{B}\end{aligned}$$

لا جک ڈایا گرام بنانا

3.4

34- ڈیجیٹل سرکٹس میں لا جک ڈایا گرامز کا کیا مقصد ہے؟
جواب: لا جک ڈایا گرام بنانا: لا جک ڈایا گرامز ڈیجیٹل سرکٹ کے کام کو علامتوں کے ذریعے دکھاتے ہیں جو اس کے انفرادی لا جک گٹس کی نمائندگی کرتے ہیں۔

لا جک ڈایا گرام بنانے کے لیے:

- بولین فنکشن کے لیے ضروری لا جک گٹس تلاش کریں۔
- سرکٹ کے فنکشن کی طرف سے بیان کردہ آپریشنز کو انجام دینے کے لیے گٹس کو ترتیب دیں۔
- گٹس کے ان پٹ اور آؤٹ پٹ کو صحیح طریقے سے جوڑیں۔
- خلاصہ کرنے کے لیے جب ڈیجیٹل سرکٹس کی تخلیق اور مطالعہ کی بات آتی ہے تو بولین الجبرا اور لا جک گٹس کا علم بہت ضروری ہے اگر طلباء ان تصورات کو سمجھنے میں توجہ موثر اور موثر ڈیجیٹل نظام بنا سکتے ہیں۔

35- ایک لا جک ڈایا گرام بنانے میں کونے تین مراحل شامل ہیں؟

جواب: لا جک ڈایا گرام بنانے کے لیے:

- بولین فنکشن کے لیے ضروری لا جک گٹس تلاش کریں۔
- سرکٹ کے فنکشن کی طرف سے بیان کردہ آپریشنز کو انجام دینے کے لیے گٹس کو ترتیب دیں۔
- گٹس کے ان پٹ اور آؤٹ پٹ کو صحیح طرح سے جوڑیں۔

ڈیجیٹل لا جک کا اطلاق

3.5

36- ڈیجیٹل لا جک کیا ہے؟

جواب: ڈیجیٹل لا جک: ڈیجیٹل لا جک کئی جدید الیکٹرانک سسٹمز جیسے کمپیوٹر، سمارٹ فونز اور دیگر ڈیجیٹل گٹس کے کام کے لیے ایک لازمی پہلو ہے۔ ڈیجیٹل لا جک مختلف کاموں کو انجام دینے کے لیے سرکٹس بنانے اور بڑھانے کے لیے کئی طریقوں سے بہتر بناتی ہے۔ ڈیجیٹل لا جک کی اہم اپیلی کیشنز ہیں۔ جن میں ایڈرس سرکٹس کا ڈیزائن اور فنکشن کو آسان بنانے کے لیے کرنا ف میپ شامل ہیں۔

37- ایڈرس سرکٹس کا کیا کام ہے؟

جواب: ڈیجیٹل سرکٹس میں آرٹھیمٹک حساب کو انجام دینے کے لیے بڑے پیمانے پر ایڈرس سرکٹس استعمال ہوتے ہیں۔ ایڈرس سرکٹس کی دو عمومی شکلیں ہیں جنہیں ہاف ایڈر اور فل ایڈر کہا جاتا ہے۔

38- ایڈرسز کی دو عمومی شکلیں کیا ہیں؟

جواب: ایڈرسز کی دو عمومی شکلیں ہیں جنہیں ہاف ایڈر اور فل ایڈر کہا جاتا ہے۔

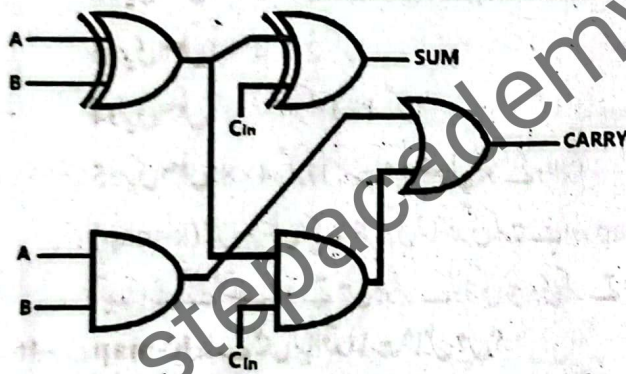
39- ہاف ایڈر کیا ہے؟

جواب: ہاف ایڈر سرکٹس: ہاف ایڈر سرکٹ ایک بنیادی سرکٹری یونٹ ہے جو دو سنگل بٹ بائنری ہندسوں کا اضافہ کرتا ہے اس میں دو ان پٹ جن کو عام طور پر A اور B سے ظاہر کیا جاتا ہے اور دو آؤٹ پٹ: Sum (S) اور کیری (C)۔

40- فل ایڈر سرکٹ کے ان پٹ اور آؤٹ پٹ کیا ہیں؟

جواب: فل ایڈر سرکٹ: فل ایڈر ایک زیادہ پیچیدہ سرکٹ ہے جو تین سنگل بٹ بائنری نمبرز کو جوڑتا ہے۔ دو بٹس جو جمع سے تعلق رکھتے ہیں اور پچھلے اضافے سے کیری بٹ اس میں تین ان پٹ ہیں، جن کو A، B اور Cin (کیری ان پٹ) سے ظاہر کیا جاتا ہے اور دو آؤٹ پٹ ہیں جنہیں سم (S) اور کیری (Cout) کہا جاتا ہے جس میں دو عددی قدریں ہیں۔

A	B	Cin	Sum (S)	Carry (Cout)
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1



اگر ہائی ان پٹ کی تعداد طاق ہے تو سم (Sum) آؤٹ پٹ پائی ہے، جب کہ اگر ہائی ان پٹ کی تعداد کم از کم 2 ہے تو کیری آؤٹ پٹ پائی ہے۔
بولین ایکسپریشن:

$$\text{Sum} = A \oplus B \oplus C_{in}$$

$$\text{Carry} = (A \cdot B) + (C_{in} \cdot (A \oplus B))$$

41- فل ایڈر سرکٹ میں کیری ان (Cin) ان پٹ کا کیا مقصد ہے؟

جواب: فل ایڈر سرکٹ میں کیری ان (Cin) ان پٹ کسی بھی کیری بٹ کو ہینڈل کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے جو پچھلے دو بٹس کے اضافہ کے نتیجے میں ہوا ہو۔

42- ہاف ایڈر اور فل ایڈر سرکٹ میں کیا فرق ہے؟

جواب: ہاف ایڈر اور فل ایڈر سرکٹ میں فرق مندرجہ ذیل ہے۔

فل ایڈر سرکٹ	ہاف ایڈر سرکٹ
ایک فل ایڈر ایک زیادہ پیچیدہ سرکٹ ہے جو تین سنگل بٹ بائنری نمبرز جمع کرتا ہے۔ وہ مثبت بٹس اور ایک کیری بٹ جو پچھلے مثبت سے تعلق رکھتا ہے۔ اس میں تین ان پٹ ہیں، جن کو A، B اور Cin (کیری ان پٹ) کے طور پر ظاہر کیا گیا ہے اور دو آؤٹ پٹ ہیں جنہیں مجموعہ (S) اور کیری (C) کہا جاتا ہے جس میں دونوں عددی قدریں ہیں۔ اگر ہائی ان پٹ کی تعداد طاق ہے تو مجموعی آؤٹ پٹ ہائی ہے، جبکہ اگر ان پٹ کی تعداد کم از کم 2 ہے تو کیری آؤٹ پٹ ہائی ہے۔	ہاف ایڈر ایک بنیادی سرکٹری یونٹ ہے جو دو سنگل بٹ بائنری ہندسوں کو جمع کرتا ہے۔ اس میں دو ان پٹ ہیں، عام طور پر A اور B کے طور پر ظاہر ہوتے ہیں اور دو آؤٹ پٹ: مجموعہ (S) اور کیری (C)۔

43- کرنف میپ (K-Map) کیا ہے؟
جواب: کرنف میپ (K-map) ایک گرافیکل نمائندگی ہے جسے بولین الجبرا کے تاثرات کو حل کرنے اور لاجیکل فنکشن کو کم کرنے کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے جہاں الجبرک کمپوٹیشن استعمال نہیں کیے جاتے ہیں۔ یہ ایک تکنیک ہے جس میں بولین فنکشن کی سچائی قدر کو نمونوں کی شناخت کے قابل بنانے اور آسان بنانے کے لیے اصطلاحی امتزاج کو انجام دینے کے لیے تیار کیا گیا ہے۔

44- بولین الجبرا میں منظم کا کیا مقصد ہے؟
جواب: بولین الجبرا میں ایک منظم ایک خاص پروڈکٹ کی اصطلاح ہے جس کے تحت فنکشن کا ہر ویری ایبل یا تو اپنی حقیقی شکل میں یا اس کی تکمیل میں موجود ہوتا ہے ہر منظم ویری ایبل اقدار کے ایک اور صرف ایک سیٹ سے مطابقت رکھتا ہے۔ جو بولین فنکشن کو درست یا 1 کے برابر بناتا ہے۔ ویری ایبل A، B اور C کے ساتھ بولین فنکشن کے لیے منظم نوٹیشن:

- وہ منظم جہاں $A = 1, B = 0, C = 1$ کو $\overline{A}BC$ لکھا جاتا ہے۔
- بولین فنکشن $F(A, B, C)$ پر غور کریں۔
- اس فنکشن کے لیے ممکنہ منظم: A, B, C کے لیے ممکنہ منظم۔

45- K-Map کی ساخت کی وضاحت کریں؟
جواب: کرنف میپ کی ساخت: کرنف میپ (k-map) ایک میٹرکس ہے۔ جہاں ہر مربع ایک سیل ہے۔ جو ایک پوزیشن شدہ امتزاج سے مطابقت رکھتا ہے۔ یہ سیلز بولین فنکشن کے ٹرو تھ ٹیبل کے حوالے سے '0' یا '1' سے بھرے ہوتے ہیں۔ k-map کا سائز ویری ایبل کی تعداد پر منحصر ہے۔

2 ویری ایبل: 2×2 گرڈ

3 ویری ایبل: 2×4 گرڈ

4 ویری ایبل: کم از کم 4×4 گرڈ

5 ویری ایبل: 4×8 گرڈ (بہت کم استعمال ہونے والا)

(k-map) میں ہر سیل ایک منظم کی نمائندگی کرتا ہے اور k-map کی ہر قطار میں سیلز کسی خاص پوزیشن پر گروے کوڈ کی ترتیب کے بعد صرف ایک بٹ سے مختلف ہوتے ہیں جو گروے کوڈ کی پیروی کرتے ہیں۔

46- K-map بنانے میں کیا اقدامات شامل ہیں؟

جواب: کرنف میپ بنانا:

K-map بنانے کے لیے ان مراحل پر عمل کریں:

(i) سسٹم میں موجود ویری ایبل کی تعداد کی بنیاد پر ایک گرڈ بنائیں۔

(ii) آئیے ہم آؤٹ پٹ اقدار کی مدد سے گرڈ کو مکمل کریں جو ٹرو تھ ٹیبل میں شامل ہیں۔

(iii) 1, 2, 4, 8 اور جلد ہی سائز کے سب سے بڑے ممکنہ گروپس میں 1s کو ترتیب دیں۔ ہر گروپ کے پاس ایک یا زیادہ 1s ہونا چاہیے۔

47- بولین ایکسپریژن کو K-map کا استعمال کرتے ہوئے کیسے آسان بنایا جاسکتا ہے؟

جواب: مثال: K-map کے ساتھ بولین ایکسپریژن کو آسان بنانا:

بولین ایکسپریژن کو آسان بنانے کے لیے $A + B$ ، $A + \overline{B}$ ، $\overline{A} + B$ ، $\overline{A} + \overline{B}$ کرنف میپ (K-map) کا استعمال کرتے ہوئے۔
اظہار: $A \cdot \overline{B} + \overline{A} \cdot B + A \cdot B$

مرحلہ 1: K-map بنائیں: A اور B دو ویری ایبل کے لیے گرڈ

- مرحلہ 2: K-map کو حل کریں: اظہار کی بنیاد پر A اور B کے ہر امتزاج کے لیے آؤٹ پٹ کا تعین کریں۔
مرحلہ 3: K-map میں 1s کو اکٹھا کریں: ملحقہ گروپ 1s کے اظہار کو آسان بناتا ہے۔
K-map سے ہم مندرجہ ذیل گروپ بنا سکتے ہیں:

(i) دوسرے کالم میں 2، ایک کا گروپ: $\bar{A} \cdot B + A \cdot B$

$$\bar{A} \cdot B + A \cdot B = (\bar{A} + A) \cdot B = 1 \cdot B = B$$

(ii) دوسری قطار میں 2، ایک کا گروپ: $A \cdot B + A \cdot \bar{B}$

$$A \cdot B + A \cdot \bar{B} = (B + \bar{B}) \cdot A = 1 \cdot A = A$$

حتیٰ ایکپریشن:

$$F(A, B) = B + A$$

مختصر جوابی کنسیپچوئل (Conceptual) سوالات

- ☆ مختصر جواب دیں۔
- 1- ڈیجیٹل سگنلز کو لمبے دور کے مواعیلات کے لیے اینالاگ سگنلز سے بہتر کیوں سمجھا جاتا ہے؟
جواب: ڈیجیٹل سے اینالاگ سگنلز اور اس کے برعکس، ہم یہ ڈیٹا پرسونگ، سنسورنگ اور ٹرانسمیشن کو قابل بناتا ہے۔ ڈیجیٹل سگنلز شور اور سگنلز کی کمی سے بہت کم متاثر ہوتے ہیں اور اس لیے طویل فاصلے تک معلومات کی ترسیل اور ذخیرہ کرنے کے لیے بہتر موزوں ہوتے ہیں۔
 - 2- آواز کی لہروں کو ڈیجیٹل سگنلز میں تبدیلی کرنے اور پھر دوبارہ آواز کی لہروں میں تبدیل کرنے کے عمل کو مختصر بیان کریں؟
جواب: آئیے اس صورت حال پر غور کریں جہاں ایک شخص مائیکروفون میں بات کر رہا ہے جبکہ دوسرا شخص سپیکر کے ذریعے سن رہا ہے۔
مائیکروفون (ADC): جب آپ مائیکروفون پر بات کرتے ہیں تو آپ کی آواز آواز کی لہریں (اینالاگ سگنل) پیدا کرتی ہے جو کہ سسٹم کے ذریعے پکڑی جاتی ہیں۔ یہ مائیکروفون کے ساتھ ADC کا استعمال کرتے ہوئے صوتی لہروں کو ڈیجیٹل شکل میں تبدیل کر کے کیا جاتا ہے۔
آخر میں یہ ڈیٹا کوالٹی میں بہت کم یا کسی کی کے بغیر طویل فاصلے پر منتقل کیا جاسکتا ہے۔
سپیکر (DAC): ریسیور کے آخر میں ڈیجیٹل سگنلز کو پھر DAC کی مدد سے اینالاگ سگنلز میں تبدیل کیا جاتا ہے۔ اس کے بعد سپیکر زان اینالاگ سگنلز کو دوبارہ آواز کی لہروں میں ترجمہ کرتے ہیں تاکہ آپ دوسرے شخص کی آواز اس طرح سن سکیں جیسے وہ آپ سے براہ راست بات کر رہے ہوں۔
 - 3- ڈیجیٹل سرکٹس میں بولین الجبرا کی کیا اہمیت ہے؟
جواب: بولین الجبرا اور لاجک گیٹس: بولین الجبرا ریاضی کی ایک شاخ ہے جس کا تعلق لاجک اور علامتی حساب سے ہے، جس میں دو اقدار درست اور غلط کا استعمال کیا جاتا ہے۔ یہ ڈیجیٹل سرکٹس کی ایک لازمی شاخ ہے کیونکہ یہ سرکٹس کے تجزیہ اور ڈیزائن کی بنیاد ہے۔
 - 4- ڈیجیٹل سرکٹس میں AND گیٹ کی مثال کے ساتھ وضاحت کریں۔
جواب: AND آپریشن: AND گیٹ بنیادی منطقی آپریٹر ہے جو بولین الجبرا میں استعمال ہوتا ہے۔ اس کے لیے دو بائینری آؤٹ پٹ درکار ہیں جو ایک ہی بائینری آؤٹ پٹ دے گا۔ علامت 'AND' آپریشن کے لیے استعمال ہوتی ہے۔ AND آپریشن کا آؤٹ پٹ '1' ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ '1' ہوں بصورت دیگر، نتیجہ '0' ہوگا۔
مثال: دو بائینری ویری ایبل پر غور کریں۔
 $A = 1$ (درست)

$$B = 0 \text{ (غلط)}$$

AND آپریشن میں ان ویری اہل کو ریاضیاتی طور پر اس طرح لکھا جاسکتا ہے۔ $P = A \cdot B$
اس مثال میں:

$$A = 1 \quad B = 0$$

لہذا پھر AND آپریشن کا نتیجہ 0 (غلط) ہے۔

5- طلباء کے لیے بولین فنکشنز اور لاجک گٹس کو سمجھنا کیوں ضروری ہے؟

جواب: بولین افعال کو سمجھنا: بولین فنکشن ایک فنکشن ہے جس میں ایک یا زیادہ بائیری ان پٹ ہوتے ہیں اور ایک ہی بائیری آؤٹ پٹ بنتا ہے ان پٹ اور آؤٹ پٹس کی صرف دو قدریں ہوتی ہیں: غلط (0 سے نمائندگی) اور درست (1 سے نمائندگی)۔ بولین افعال کی تعمیر بنیادی لاجیکل آپریشنز جیسا کہ AND, OR اور NOT کو استعمال کر کے کی جاتی ہے جو صحیح آؤٹ پٹ پیدا کرنے کے لیے ان پٹ کو جوڑتے ہیں۔

6- فل ایڈر ایک سے زیادہ پٹس کو کیسے سنبھالتا ہے؟

جواب: ایک فل ایڈر متعدد فل ایڈرز کو ایک ساتھ زنجیر بنا کر متعدد پٹس کو ہینڈل کرتا ہے جہاں ایک فل ایڈر کا کیری آؤٹ پٹ اگلے کا کیری ان پٹ بن جاتا ہے۔

7- ڈیجیٹل سرکٹس میں فل ایڈرز کا بنیادی اطلاق کیا ہے؟

جواب: فل ایڈر بنیادی طور پر ریاضی کے سرکٹس میں استعمال ہوتے ہیں۔ جیسے بائیری ایڈرز کی تعمیر میں جو ڈیجیٹل سسٹمز میں بائیری نمبروں کا اضافہ کرتے ہیں۔

8- K-map کا سائز کیسے مختلف ہوتا ہے؟

جواب: (i) K-map کا سائز متغیرات کی تعداد پر منحصر ہے۔

(ii) متغیرات: 2×2 گرڈ

(iii) متغیرات: 2×4 گرڈ

(iv) متغیرات: 4×4 گرڈ

(v) متغیرات: 4×8 گرڈ (بہت کم استعمال ہونے والا)

K-map میں ہر سیل ایک منظم کی نمائندگی کرتا ہے اور K-map کی ہر قطار میں سیلز گروے کو کی ترتیب کے بعد کسی خاص پوزیشن پر صرف

ایک بٹ سے مختلف ہوتے ہیں۔

9- K-map میں ملحقہ 1s کو گروپ کرنے کا کیا مقصد ہے؟

جواب: ایک K-map میں ملحقہ گروہ بندی عام اصطلاحات کی نشاندہی کر کے اور فالتو پین کو ختم کر کے بولین ایکسپریشن کو آسان بناتا ہے۔

10- ہم اپنی روزمرہ زندگی میں K-map کو عملی طور پر کیسے استعمال کرتے ہیں؟

جواب: عملی استعمال: ڈیجیٹل سرکٹ ڈیزائن میں کرناف میپ بڑے پیمانے پر استعمال کیے جاتے ہیں تاکہ دیے گئے فنکشن کے لیے درکار گٹس کی تعداد کو کم سے کم کیا جاسکے۔ یہ سرکٹس کی طرف جاتا ہے جو تیز سستا اور کم بجلی استعمال کرتے ہیں۔

خلاصہ

- ڈیجیٹل سسٹم موجودہ دور کے الیکٹرانکس اور کمپیوٹنگ کی بنیاد ہیں۔ وہ ڈیجیٹل ڈیٹا چلاتے ہیں جو '1' اور '0' کی شکل میں ہے۔
- اینالاگ سگنلز کی نوعیت ایسی ہے کہ یہ مسلسل وقت کے ساتھ بدلنے والا سگنل ہے۔
- ADC اینالاگ سگنلز کو ڈیجیٹل سگنلز میں تبدیل کرنے کا عمل ہے جسے ڈیجیٹل آلات میں استعمال کیا جاسکتا ہے۔ مثال کے طور پر کمپیوٹر اور اسمارٹ فون۔
- DAC کا مطلب ڈیجیٹل سے اینالاگ کنورٹر ہے، یہ ڈیجیٹل سگنل کو واپس اینالاگ سگنل میں تبدیل کرنے کا طریقہ ہے۔

ڈیجیٹل لاجک تمام ڈیجیٹل سسٹمز کی بنیاد ہے اور یہ وہ تکنیک ہے جو ہم ڈیجیٹل معلومات پر عمل کرنے کے لیے استعمال کرتے ہیں جو بائنری نمبروں کی شکل میں ہے۔

بولین الجبر ریاضی کا ایک ذیلی شعبہ ہے جو بائنری ویری ایبلز پر کاروائیوں پر مبنی ہے۔

AND آپریشن کے معاملے میں آؤٹ پٹ صرف اس صورت میں 1 ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ قیمتیں 1 ہوتی ہیں۔ بصورت دیگر آؤٹ پٹ فالز ہے (0)۔

OR گیٹ کی فعالیت یہ ہے کہ اس کا نتیجہ '0' صرف اس وقت ہوتا ہے جب دونوں ان پٹ قیمتیں 0 ہوں۔ بصورت دیگر آؤٹ پٹ ٹرو/درست ہے (1)۔

بولین الجبر میں NOT آپریشن سب سے آسان لاجیکل کاروائیوں میں سے ایک ہے جو ایک بائنری ایبل کو قبول کرتا ہے اور نتیجے کے طور پر ویری ایبل کی ویلیو الٹ کر دیتا ہے۔

بولین فنکشن ریاضیاتی ایکسپریشنز ہیں جو بائنری ویری ایبلز کے آپریشن کے سلسلے میں لاجک کی کاروائیوں کی موجودگی کی عکاسی کرتے ہیں۔

تقریر شدہ ڈیجیٹل سرکٹس کا ایک اہم عنصر لاجک ڈایا گرام ہے، جو لاجک گٹس کے مابین رابطوں کی مدد سے سرکٹ کی ساخت کی نشاندہی کرتا ہے۔

ایڈر سرکٹ بڑے پیمانے پر ڈیجیٹل الیکٹرانکس سسٹم میں ریاضی کے آپریشنز میں اہم اپیلی کیشن کے ساتھ استعمال ہوتے ہیں۔

ہاف ایڈر ایک ڈیجیٹل سرکٹ ہے جو دو بائنری سنگل بٹ نمبروں کو جمع کرنے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔

ایک فل ایڈر ایک زیادہ پیچیدہ سرکٹ ہے جو تین سنگل بٹ بائنری نمبروں کو جمع کرتا ہے: دو اہم ٹس اور جمع کے لیے ایک کیری بٹ۔

کرناف میپ ایک گرافک ایڈ ہے جو بولین اظہار کو آسان بنانے اور روزمرہ کے پیچیدہ الجبری آپریشنز کے بغیر لاجک فنکشن کو کم سے کم کرنے میں استعمال ہوتا ہے۔

بولین الجبر میں منظم ایک مخصوص فنکشن کے لیے بولین ایکسپریشن کی ایک مخصوص پروڈکٹ (AND) شکل ہے جس میں فنکشن کے ہر ویری ایبل کو عام یا مکمل شکل میں شامل کیا جاتا ہے۔

حل مشقی سوالات

1- درست جواب کا انتخاب کریں:

(i) درج ذیل میں سے کون سا بولین ایکسپریشن OR آپریشن کی نمائندگی کرتا ہے؟

(الف) $A \cdot B$ (ب) $B + A$ (ج) A (د) $A + B$

(ii) بولین ایکسپریشن $A \cdot 0 = 0$ کا مترادف ہے:

(الف) $A + 1 = 1$ (ب) $A + 0 = A$ (ج) $A \cdot 1 = A$ (د) $A \cdot 0 = 0$

(iii) کون سا لاجک گیٹ صرف اس صورت میں درست جواب دیتا ہے جب دونوں ان پٹ درست ہوں؟

(الف) OR گیٹ (ب) AND گیٹ (ج) XOR گیٹ (د) NOT گیٹ

(iv) ہاف ایڈر سرکٹ میں، کیری کس آپریشن کے ذریعے پیدا ہوتی ہے؟

(الف) XOR آپریشن (ب) AND آپریشن (ج) OR آپریشن (د) NOT آپریشن

(v) بائنری نمبر 1101 کا ڈیسمیل کیا ہے؟

(الف) 11 (ب) 12 (ج) 13 (د) 14

(i)	(ب)	(ii)	(الف)	(iii)	(ب)	(iv)	(ب)	(v)	(ج)
-----	-----	------	-------	-------	-----	------	-----	-----	-----

2- مختصر سوالات۔

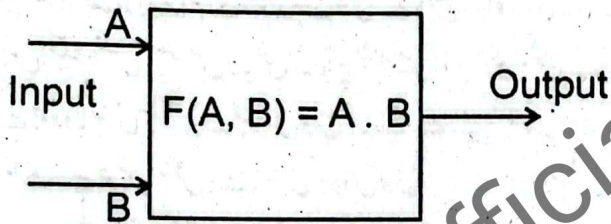
(i) بولین فنکشن کی وضاحت کریں اور ایک مثال دیں۔

جواب: بولین فنکشن: بولین فنکشن ایک ایسا فنکشن ہے جس میں ایک یا زیادہ بائرنری ان پٹ ہوتے ہیں اور ایک ہی بائرنری آؤٹ پٹ تیار کرتا ہے ان پٹ اور آؤٹ پٹ کی صرف دو قدریں ہو سکتی ہیں: غلط (0 سے نمائندگی) اور درست (1 سے نمائندگی)۔ بولین افعال کی تعمیر بنیادی لاجیکل کاروائیوں جیسے کہ AND, OR اور NOT کو استعمال کر کے کی جاتی ہے جو صحیح آؤٹ پٹ پیدا کرنے کے لیے ان پٹ جوڑتے ہیں۔

مثال 1: سادہ بولین فنکشن

دو ان پٹ A اور B ساتھ ایک بولین فنکشن پر غور کریں ہم ایک فنکشن F بنا سکتے ہیں جو AND آپریشن کی نمائندگی کرتا ہے۔

$$F(A, B) = A \cdot B$$



اوپر دکھایا گیا خاکہ ایک بنیادی ڈیجیٹل سرکٹ کو ظاہر کرتا ہے جو کہ ایک AND گیٹ ہے جس کے بائیں AND فنکشن $F(A, B) = A \cdot B$ کی علامت ہے اس بائیں دو ان پٹ A اور B ہیں۔ اگر دونوں A اور B 1 ہیں تو آؤٹ پٹ 1 ہوگا۔ کسی دوسری صورت میں آؤٹ پٹ 0 ہوگا۔ ان پٹ بائیں داخلی دروازے پر دکھائے جاتے ہیں۔ جبکہ آؤٹ پٹ کو بلاک کے باہر نکلتے وقت دکھایا جاتا ہے اس فنکشن کا ٹروٹھ ٹیبل مندرجہ ذیل ہے۔

A	B	F (A, B)
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

(ii) ڈیجیٹل لاجک میں ٹروٹھ ٹیبل کی کیا اہمیت ہے؟

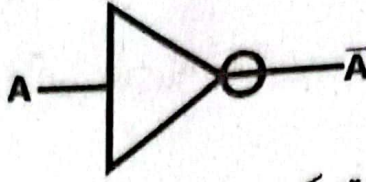
جواب: ایک درست ٹیبل اس بات کو بہتر طور پر سمجھنے کے لیے مفید ہے۔ کہ آپریشنز کو کس طرح منظم کیا جاتا ہے اور IOR اپلی کیشن کا نتیجہ ان پٹ ویری ایبل کی تمام اقسام کے لیے ہوتا ہے۔

(iii) اینالاگ اور ڈیجیٹل سگنلز کے درمیان فرق کی وضاحت کریں۔

جواب:

اینالاگ سگنل	ڈیجیٹل سگنل
مسل	غیر مسل
لامحدود ممکنہ قدریں	محدود قیمتیں (0 یا 1)
مثال: آواز کی لہریں	مثال: کمپیوٹرز میں بائرنری ڈیٹا

(iv) NOT گیٹ کے کام کو اس کے ٹروٹھ ٹیبل کے ساتھ بیان کریں۔
 جواب: NOT گیٹ: NOT فنکشن کو نافذ کرتا ہے۔ یہ ان پٹ کے الٹ آؤٹ پٹ کرتا ہے۔



ٹروٹھ ٹیبل: مندرجہ ذیل ٹیبل ویری ایبل کے تمام ممکنہ ان پٹ کے لیے NOT آپریشن کے کام کی وضاحت کرے گا۔ ذیل میں NOT آپریشن کے لیے ٹروٹھ ٹیبل ہے۔

A	NOT A(P)
0	1
1	0

(v) بولین ایکسپریشن کو آسان بنانے میں کارنارف میپ کا مقصد کیا ہے؟

جواب: کارنارف میپ (K-map) ایک گرافیکل نمائندگی ہے جسے بولین الجبرا کے تاثرات کو حل کرنے اور لاجیکل فنکشن کو کم سے کم کرنے کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے جہاں الجبری کمپوٹیشن استعمال نہیں کیے جاسکتے ہیں۔ یہ ایک تکنیک ہے جس میں بولین فنکشن کی درست قدر کو نمونوں کی شناخت کے قابل بنانے اور آسان بنانے کے لیے اصطلاح امتزاج کو انجام دینے کے لیے تیار کیا گیا ہے۔

3- تفصیلی سوالات

(i) کمپیوٹرز میں بولین فنکشن کا استعمال لکھیں۔

جواب: جواب کے لیے دیکھیں تفصیلی سوال نمبر 3۔

(ii) بولین ایکسپریشن کے لیے ایک مثال کے ساتھ ٹروٹھ ٹیبل کی تعمیر کی وضاحت کریں۔

جواب: جواب کے لیے دیکھیں تفصیلی سوال نمبر 3۔

(iii) بولین الجبر میں دو ہرے پن کے تصور کی وضاحت کریں اور اس کی وضاحت کرنے کے لیے ایک مثال فراہم کریں۔

جواب: جواب کے لیے دیکھیں تفصیلی سوال نمبر 2۔

(iv) ہاف ایڈرز اور فل ایڈرز کا موازنہ کریں بشمول ان کی ٹروٹھ ٹیبل، بولین ایکسپریشن اور سرکٹ ڈایا گرام۔

جواب: جواب کے لیے دیکھیں تفصیلی سوال نمبر 8۔

(v) کارنارف میپ بولین ایکسپریشن کو کیسے آسان بناتے ہیں؟ اقدامات کے ساتھ ایک تفصیلی مثال فراہم کریں۔

جواب: جواب کے لیے دیکھیں تفصیلی سوال نمبر 9۔

(vi) ہاف ایڈرز اور فل ایڈرز دونوں کا استعمال کرتے ہوئے 4 بٹ ہائیڈریڈز ان کریں۔ ٹروٹھ ٹیبلوں، بولین ایکسپریشنز اور سرکٹ ڈایا گرام کے ساتھ ہر مرحلے کی وضاحت کریں۔

جواب: جواب کے لیے دیکھیں تفصیلی سوال نمبر 8۔

(vii) بولین الجبرا کے قواعد کا استعمال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل بولین فنکشن کو آسان بنائیں:

$$F(A, B) = A \cdot B + A \cdot \bar{B}$$

جواب: ایکسپریشن $F(A, B) = A \cdot B + A \cdot \bar{B}$ ہے۔

ہم جانتے ہیں کہ کسی بھی بولین متغیر کے لیے $X + X = X$ ہے۔
اس اصول کو اپنے ایکسپریشن پر لاگو کرتے ہوئے ہمیں ملتا ہے:

$$F(A, B) = A \cdot B + A \cdot B = A \cdot B$$

(viii) درج ذیل فنکشن کو آسان بنانے کے لیے ڈی مورگن کے قوانین کا استعمال کریں:

$$F(A, B, C) = \overline{A + B} + \overline{AC}$$

جواب: ایکسپریشن $F(A, B, C) = A + B + A \cdot C$

$$(X + Y)' = X' \cdot Y' \quad \text{ڈی مورگن کا قانون}$$

ڈی مورگن کے قانون کو اپنے ایکسپریشن کی تیسری اصطلاح پر لاگو کرتے ہوئے ہمیں ملتا ہے

$$(AC)' = A' + C'$$

اب ہم پورے ایکسپریشن کو دوبارہ لکھ سکتے ہیں۔ $F(A, B, C) = A + B + A' + C'$

(ix) مندرجہ ذیل ایکسپریشن کو آسان بنائیں:

$$(A + \overline{B}) \cdot (\overline{A} + B) \quad (\text{ب}) \quad \overline{A + B} \cdot (A + B) \quad (\text{الف})$$

$$\overline{A \cdot B} + A \cdot B \quad (\text{د}) \quad A + \overline{A} \cdot (\overline{B} + C) \quad (\text{ج})$$

$$(A \cdot B) + (\overline{A} \cdot \overline{B}) \quad (\text{و})$$

$$\overline{A + B} \cdot (A + B) \quad (\text{الف}): \text{جواب}$$

$$\overline{A + B} \cdot (A + B) = (A + B) \cdot (A + B) \quad \text{AND کی تقسیم شدہ پراپٹی}$$

$$(A + B) \cdot (A + B) = A + B \quad \text{شناختی پراپٹی}$$

$$(A + \overline{B}) \cdot (\overline{A} + B) \quad (\text{ب})$$

$$(A + \overline{B}) \cdot (\overline{A} + B) = A \cdot \overline{A} + A \cdot B + \overline{B} \cdot \overline{A} + \overline{B} \cdot B \quad \text{AND کی تقسیم شدہ پراپٹی}$$

$$A \cdot \overline{A} = 0, \overline{B} \cdot B = 0, A \cdot B = B \cdot A \quad \text{شناختی پراپٹی}$$

ان پر عمل کرتے ہوئے ہمیں ملتا ہے۔

$$A \cdot \overline{A} + A \cdot B + \overline{B} \cdot \overline{A} + \overline{B} \cdot B = 0 + A \cdot B + \overline{B} \cdot \overline{A} + 0 = A \cdot B + \overline{B} \cdot \overline{A}$$

$$A + \overline{A} \cdot (\overline{B} + C) \quad (\text{ج})$$

$$A + \overline{A} \cdot (\overline{B} + C) = A + A \cdot \overline{B} + A \cdot C \quad \text{AND کی تقسیم شدہ پراپٹی}$$

$$A + A \cdot \overline{B} = A, \quad A + A \cdot C = A \quad \text{جذب کی پراپٹی}$$

$$A + A \cdot \overline{B} + A \cdot C = A + A = A \quad \text{ان پر عمل کرتے ہوئے ہمیں ملتا ہے}$$

$$\overline{A \cdot B} + A \cdot B \quad (\text{د})$$

ایکسپریشن کو پہلے سے ہی آسان بنایا گیا ہے کیونکہ یہ پروڈکٹ کے مجموعہ کی شکل میں ہے اور شرائط ایک جیسی نہیں ہیں۔

$$\overline{A \cdot B} + A \cdot B \quad \text{جواب}$$

$$(A \cdot B) + (\overline{A} \cdot \overline{B}) \quad (\text{و})$$

XNOR فنکشن بیان کرتا ہے

$$(A \cdot B) + (\overline{A} \cdot \overline{B}) = A \odot B$$